

ال詢ين الأول: (03 نقاط)

حل في مجموعة الأعداد الصحيحة \mathbb{Z} الجملة:

$$\begin{cases} x = 2[88] \\ x = 1[27] \end{cases}$$

ال詢ين الثاني: (04 نقاط)

$x < y < z < x$ ، x ، y و z أعداد طبيعية حيث:

$$(1) \text{ ثبت أنه إذا كان: } (2x - 3)(2y - 3) = 9 \text{ : فإن: } \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{2}{3}$$

$$(2) \text{ إذا كان: } \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{2}{3} \dots\dots\dots$$

(أ) عين قيم x و y التي تحقق (*).

(ب) عين الأعداد الطبيعية x ، y و z التي تكون من أجلها: $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z}$ حدوداً متعاقبة من متالية حسابية.

(ج) إذا علمت أن $\frac{\pi}{x} + \frac{\pi}{y} + \frac{\pi}{z}$ زوجي الرؤوس A ، B و C على الترتيب في المثلث ABC . ما هو نوع المثلث ABC ؟

ال詢ين الثالث: (06 نقاط)

المستوى (π) منسوب إلى المعلم المعتمد المتخصص ($o; \vec{i}, \vec{j}$). التحويل النقطي t يرقى

بك نقطة $(x'; y')$ النقطة $M(x; y)$ حيث:

$$\begin{cases} x' = x + 2y - 2 \\ y' = -y + 2 \end{cases}$$

(1) بين أن لكل نقطة صورة $(x'; y')$ ملائمة وحيدة $(x; y)$ بتحويل t .

(2) بين أن الشعاع MM' له منحي ثابت يطلب تعبيمه.

- (3) بين أن منتصف النقطة $[MM']$ ينتمي إلى المستقيم (Δ) ذي المعادلة: $y = 1$
 (4) عن مجموعة النقط الصادمة بالتحول t .
 (5) استنتج طبيعة التحويل t .

- (6) مجموعة النقط $(x; y)$ من المستوى M التي يحدثنها x و y لا تتحقق
 المعادلة: $2x^2 + 2x - 1 = 0$. بين أن (P) صادمة إجمالاً بالتحول t .

التمرين الرابع: (07 نقاط)

الدالة f معرفة على المجال $[-1; +\infty)$ كما يلي: $f(x) = x + 1 + \ln(x+1) - \ln(x+2)$.

(C) تمثلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعدد للمتغيران $(O; i, j)$ وحدة الطول $2cm$.

1. احسب $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$.

2. بين أن: $\lim_{x \rightarrow +\infty} \ln\left(\frac{x+1}{x+2}\right) = 0$ ثم استنتاج نهاية الدالة f عند $(+\infty)$.

3. بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة: $+1 = x + y$ هو مستقيم مقارب مثل للمنحنى (C) عند $x = 0$.
 ثم ادرس وضع المنحنى (C) بالنسبة لمستقيم (Δ) .

4. ادرس تغيرات الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

5. اكتب معادلة لـ (T) الشعاعي للمنحنى (C) في النقطة التي فاصلتها 0 .

6. بين أن (C) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحدة فاصلتها a حيث: $0 < a < 1$.

7. مثل بيانياً المستقيمين (T) و (Δ) ثم المنحنى (C) .

8. (أ) بين أن الدالة المعرفة بالشكل: $x \mapsto (x+a)\ln(x+a) - x$ هي دالة أصلية للدالة $x \mapsto \ln(x+a)$ على المجال $[-a; +\infty)$ حيث a عدد حقيقي كافي.

(ب) احسب مساحة الجزء المستوى المحدد بـ: (C) والمستقيمات التي معادلاتها:

$$x = 0 \quad x = 1 \quad y = x + 1$$

9. ناقش بيانياً وحسب قيم توسيط الحقيقي m عدد وإشارات حلول المعادلة: $f(x) = \frac{3}{7}x + m$.