

### الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: 2018



وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: تقني رياضي

اختبار في مادة: الرياضيات

المدة: 04 سا و 30 د

# على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على (03) صفحات (من الصفحة 1 من 5 إلى الصفحة 3 من 5)

# التمرين الأول: (04 نقاط)

الدالة العددية المعرّفة والمتزايدة تماما على المجال  $\infty[-\infty] + \infty$  ب $(x) = \frac{2x}{e.x+1}$  الدالة العددية المعرّفة والمتزايدة تماما على المجال f

 $u_{n+1} = f\left(u_{n}\right)$  : n يعددية العددية المعرفة بحدها الأول  $u_{0} = \frac{5}{4e}$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $u_{n+1} = f\left(u_{n}\right)$ 

.  $u_n > \frac{1}{e}$ : n والتراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي (1) (1)

, 
$$u_{n+1} - u_n = \frac{e.u_n(\frac{1}{e} - u_n)}{e.u_n + 1}$$
 :  $n$  عدد طبیعي  $n$  عدد طبیعي (ب

ثم استنتج اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$  و برّر أنّها متقاربة.

 $v_n = \frac{e.u_n}{e.u_n-1}$ : لتكن المتتالية  $(v_n)$  المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n كما يلي:  $(v_n)$ 

 $v_n$  أثبت أنّ  $v_n$  متتالية هندسية أساسها 2 ، يطلب تعيين حدها الأول  $v_0$  و عبارة  $v_n$  بذلالة  $v_n$ 

.  $\lim_{n\to +\infty}u_n$  من n من  $u_n$  من  $v_n=1+\dfrac{1}{e.u_n-1}$ :  $\mathbb N$  من n من n من n بدلالة n بدلالة n ثم أحسب n

 $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$  حيث:  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$  المجموع  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ 

4) أ) ادرس حسب قيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الإقليدية للعدد 2" على 7.

ب) عين قيم العدد الطبيعي n التي من أجلها S, يقبل القسمة على 7.



#### اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: تقني رياضي / بكالوريا 2018

## التمرين الثاني: (04 نقاط)

B(0;3;-1) ، A(0;0;2) الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $\left(o;\vec{i},\vec{j},\vec{k}\right)$  بنعتبر النقطتين المعلم المتعامد المتجانس المتحامد المتح

والمستوي 
$$p$$
 المعرف بالتمثيل الوسيطي:  $y=4t-2m+1$  حيث  $z=t-2m-2$  عددان حقيقيان.

- له. اكتب معادلة ديكارتية للمستوي (Q) الذي يشمل النقطة A و (1-2;2;-1) شعاع ناظمي له.
  - (Q) اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم ( $\Delta$ ) الذي يشمل النقطة A و يعامد المستوي (Q).
    - (p) معادلة ديكارتية للمستوي (x-y+2z+5=0) معادلة ديكارتية للمستوي (3).
    - (Q) بيّن أنّ المستوي (p) يشمل النقطة B و يعامد المستوي (Q).
    - لتكن M نقطة احداثياتها (2t;2t;-t+2) حيث tعدد حقيقي. (4
- أ) عين قيم t بحيث تكون d(M;(P)) = d(M;(Q)) ( ترمز d الى المسافة بين نقطة و مستوي ).
- A النقطتين (P) و (Q) و (Q) التي تمس كل من المستويين (Q) و (P) في النقطتين (P) و (P)

## التمرين الثالث: (05 نقاط)

- .  $z^2-2\sqrt{2}z+4=0$  : z المعادلة ذات المجهول الأعداد المركبة المعادلة ذات المجهول (I
  - .  $(o; \overline{u}, \overline{v})$  المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(o; \overline{u}, \overline{v})$  .

 $\left(z_{A}\right)$  لتكن النقطتين A و B لاحقتاهما  $z_{A}=\sqrt{2}+i\sqrt{2}$  و  $z_{A}=\sqrt{2}+i\sqrt{2}$  يرمز الى مرافق

- . اكتب على الشكل الأسّي كل من العددين المركبين  $z_A$  و  $z_B$ ، ثم بيّن أنّ العدد  $\left(\frac{2}{z_B}\right)^{2018}$  تخيلي صرف (1
  - - $(-\frac{\pi}{2})$  احسب  $z_D$  لاحقة النقطة D صورة B بالدوران r الذي مركزه D و زاويته D
      - ACD ثم أستنتج طبيعة المثلث  $\frac{z_C-z_A}{z_D-z_A}=-i$  ثم أستنتج طبيعة المثلث (4
      - ب) اوجد لاحقة النقطة E بحيث يكون الرباعي ACED مربعا.

## التمرين الرابع: (07 نقاط)

.  $f(x) = \frac{x}{x-1}e^{-x}$  :ب $-\infty$ ;1[ بالدالة العددية المعرفة على المجال f

.  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  تمثيلها البياني في المعلم المتعامد المتجانس  $(C_f)$ و



#### اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: تقنى رياضي / بكالوريا 2018

- .  $\lim_{x\to -\infty} f(x)$  احسب النتيجة بيانيا و احسب النتيجة  $\lim_{x\to -\infty} f(x)$  احسب (1
- - . كنب معادلة المماس (T) للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة صفر (T)
  - ب)  $h(x) = e^{-x} + x 1$  [ب:  $h(x) = e^{-x} + x 1$  .  $h(x) \ge 0$  :  $-\infty$ ; 1[ بنه من أجل كل x من 1;  $\infty$  . 1[  $\infty$  . 1[ ادرس اتجاه تغیر الدالة 1 ثم استنتج أنه من أجل كل 1 من 1; 1
  - $(C_f)$  بين أنّه من أجل كل x من  $[1,\infty] = -\infty$  بين أنّه من أجل كل x من  $[1,\infty] = -\infty$  بين أنّه من أجل كل x من  $[1,\infty] = -\infty$  بيانيا.
- (5) أكتب معادلة المستقيم  $A\left(-2;\frac{2}{3}e^2\right)$  في المعلم O و النقطة O و النقطة  $A\left(-2;\frac{2}{3}e^2\right)$  ثم ارسم المستقيمين O أكتب معادلة المستقيم O الذي يشمل مبدأ المعال O الذي المجال O على المجال O المجال O على المجال O على المجال O المجال O المجال O على المجال O على المجال O ا
  - $\frac{x}{x-1} \le f(x) < e^{-x} : [-1;0]$  من أجل كل x من أجل كل x من أنه من أجل كل x من (6
- 7) m وسيط حقيقي ، ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة : mx ، حيث  $x \in [-2;1[$



#### اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: تقني رياضي / بكالوريا 2018

## الموضوع الثاني

# يحتوي الموضوع الثاني على (02) صفحات (من الصفحة 4 من 5 إلى الصفحة 5 من 5) التمرين الأقل: (04 نقاط)

.  $u_n = 2(3)^n$  متتالية عددية معرّفة على  $\mathbb{N}$  بحدها العام كما يلي  $(u_n)$ 

 $v_{n+1} = 5v_n + u_n$ : N منتالية عددية معرّفة بحدها الأول  $v_0 = 4$  و من أجل كل n من  $v_n = 5v_n + u_n$ 

 $w_n = \frac{v_n}{u_n} + \frac{1}{2} : \mathbb{N}$  من n کل n من أجل کل n من أجل كل n

- اثبت أنّ  $(w_n)$  متتالية هندسية أساسها  $\frac{5}{3}$  ، يطلب تعيين حدّها الأوّل.

 $v_n = 5^{n+1} - 3^n$  :  $\mathbb{N}$  من n من أجل كل n من n بدلالة بدلالة n بدلالة n بدلالة n

ادرس حسب قيم العدد الطبيعي n ، بواقي القسمة الاقليدية للعددين "3 و "5 على 8.

 $v_n$  عين حسب قيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الاقليدية للعدد  $v_n$  على  $v_n$ 

## التمرين الثاني: (04 نقاط)

كيس به 7 كريات متماثلة، لا نفرق بينها باللمس ، منها 3 بيضاء و 4 خضراء.

نسحب عشوائيا و في آن واحد كريتين من الكيس.

ا احسب احتمال الحادثة A: " سحب كربتين مختلفتين في اللون ". (I)

." احسب احتمال الحادثة B: "سحب كريتين من نفس اللون ".

1) بزر أنّ قيم المتغير العشوائي هي lpha, -lpha, -lpha ثم عرّف قانون احتماله.

 $E(X) = -\alpha + \frac{300}{7}$  . هو  $\alpha$  هو  $\alpha$  الأمل الرياضياتي للمتغيّر العشوائي  $\alpha$  بدلالة  $\alpha$  هو  $\alpha$  هو  $\alpha$  (2) بيّن أنّ الأمل الرياضياتي للمتغيّر العشوائي تكون اللعبة في صالح اللاعب.

## التمرين الثالث: ( 05 نقاط)

(E) ...  $4z^2-2z+1=0$  : المعادلة ذات المجهول z التالية z التالية (E) ... (E) المعادلة z المعادلة ذات المجهول z التالية z الشكل الأسي حيث z و z حلا المعادلة z و z حلا المعادلة z و z على الشكل الأسي حيث z و z حلا المعادلة z

المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $O;\overline{u},\overline{v}$ ). نعتبر النقط B ، A و B المحقاتها C المحقاتها  $z_B=1+i\sqrt{3}$  ،  $z_A=4$ 



#### اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: تقني رياضي / بكالوريا 2018

- ABC ثم حدد طبیعة المثلث  $\frac{z_B-z_A}{z_C-z_A}$  ثم حدد طبیعة المثلث (1
- . بدوران مركزه A يطلب تعيين زاويته C بدوران مركزه A يطلب تعيين زاويته
- و استنتج بدقة طبيعة الرباعي  $\overline{CB}$  اوجد لاحقة النقطة D النقطة A بالانسحاب الذي شعاعه  $\overline{CB}$  و استنتج بدقة طبيعة الرباعي ACBD
  - 3) حدّد طبيعة z التي تُحقق ما يلي: z مجموعة النقط z من المستوي المركب ذات اللاحقة z التي تُحقق ما يلي:  $|iz+\sqrt{3}-i|=|z-1+i\sqrt{3}|$ 
    - $(\gamma)$  بين أنّ النقطة G مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC تتتمي إلى  $(\gamma)$ .

## التمرين الرابع: (07 نقاط)

- .  $g(x)=2-x+\ln x:$  بعتبر الدالة العددية g المعرّفة على المجال  $g(x)=2-x+\ln x$  بعتبر الدالة العددية و
  - أ) ادرس اتجاه تغيّر الدالة g على المجال ]1;0
- e(x)=0 بين أنّ المعادلة g(x)=0 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث: g(x)=0
  - . ]0;1[ على المجال g(x) على المجال g(x) على المجال g(x)
- .  $f(x) = \frac{1-2x+\ln x}{x-1}$ : بالدالة العددية المعرّفة على المجال  $[1;+\infty[$  بالمجال المعرّفة على المجال [ ب
- .  $\left(0;\overrightarrow{i},\overrightarrow{j}
  ight)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $\left(C_{f}
  ight)$
- ، (  $f(x) = \frac{1-2x}{x-1} + \frac{\ln x}{x-1}$  على الشكل  $f(x) = \frac{\lim_{x \to +\infty} f(x)}{x-1}$  ويمكن كتابة f(x) على الشكل  $f(x) = \frac{\lim_{x \to +\infty} f(x)}{x-1}$  (1) ثم فسر النتيجتين بيانيا.
  - $f'(x) = \frac{g\left(\frac{1}{x}\right)}{(x-1)^2}$ : ]1;+∞[ من المجال x من المجال عدد حقیقي x من المجال )1;+∞[ (2
  - . بين أن f متزايدة تماما على  $\left[rac{1}{lpha}
    ight]$ و متناقصة تماما على  $\left[rac{1}{lpha}
    ight]$ ، ثم شكّل جدول تغيّراتها
    - y=-2 ادرس الوضع النسبي لـ  $C_{f}$  و المستقيم  $\Delta$  ذي معادلة  $C_{f}$
    - . (  $f\left(rac{1}{lpha}
      ight) \! = \! -1,8$  ريعطى  $C_f\left(C_f\left(rac{1}{lpha}
      ight)$  ) ( يعطى المستقيمين المقاربين و المنحنى (  $C_f\left(rac{1}{lpha}
      ight)$
    - 5) عيّن بيانيا قيم الوسيط الحقيقي m حتى تقبل المعادلة  $m=\left|f\left(x
      ight)
      ight|$  حلّين متمايزين.