

# الإجابة النموذجية وسلم التقييم

الموضوع الأول

العلامة		عناصر الإجابة	مخارم الموضوع
المجموع	مجزأة		
		<b>تمرين 1: (5 نقاط)</b>	
	0.5	1. المعادلة المركبة للتشابه $S$ هي : $z' = \sqrt{3}iz$	أعداد مركبة
	0.25×2	عناصر $S$ : المركز $O$ ، النسبة $k = \sqrt{3}$ ، الزاوية $\theta \equiv \frac{\pi}{2}[2\pi]$	
	0.25×3	2- أ) إنشاء النقط $A_0$ و $A_1$ و $A_2$	تحويلات نقطية
	0.5	ب) إثبات أن : $z_n = 2(\sqrt{3})^n e^{i(n\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{6})}$	
	0.5	نستعمل البرهان بالتراجع أو العلاقة $z_{n+1} = \sqrt{3}iz_n$ $n \in \mathbb{N}$	
	0.25×2+0.5	ج) تعيين الأعداد الطبيعية $n$ حتى تكون النقطة $A_n$ من المستقيم $(OA_1)$ نجد $n = 2k + 1$ مع $k \in \mathbb{N}$	
	0.5	3. أ) $(U_n)$ متتالية هندسية حذها الأول $U_0 = 4$ وأساسها $q = \sqrt{3}$	
	0.5	ب) عبارة $(U_n)$ بدلالة $n$ هي $U_n = 4(\sqrt{3})^n$	
	0.5	ج) حساب المجموع : $S_n = \frac{4}{\sqrt{3}-1} [(\sqrt{3})^{n+1} - 1]$	
05	0.25	$\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n = +\infty$	
		<b>تمرين 2: (4 نقاط)</b>	
	0.75	1. معادلة سطح الكرة $S$ هي $(x-1)^2 + y^2 + (z+1)^2 = 9$	هندسة فضائية
	0.75	2. أ) معادلة المستوي $(P)$ هي $x - 2y - 2z - 3 = 0$	

العلامة		عناصر الإجابة	محاوَر الموضوع
المجموع	مجزأة		
04	0.75 0.75 0.5+0.5	<p>(ب) <math>B(-1,1,-3)</math> هي نقطة تقاطع <math>(D)</math> و <math>(P)</math>  منه <math>d(C;(D)) = BC = 3</math>  (ج) نستنتج أن <math>(D)</math> مماس لسطح الكرة <math>S</math></p>	
05	0.25 0.75 0.75 0.25×6 0.5+0.25 0.5+0.5	<p><b>تمرين 3: (5 نقاط)</b>  1. أ) المعادلة <math>(E)</math> تقبل حلا في <math>\mathbb{Z}^2</math> لأن <math>PGCD(3,21) = 3</math> والعدد 78 يقبل القسمة على 3  (ب) إثبات أنه إذا كانت الثنائية <math>(x,y)</math> من <math>\mathbb{Z}^2</math> حلا للمعادلة <math>(E)</math> فإن <math>x \equiv 5[7]</math>  استنتاج حلول <math>(E)</math>: <math>(x,y) = (5+7k, -3+k)</math> مع <math>k \in \mathbb{Z}</math>  2. أ) دراسة بواقي قسمة العدد <math>5^n</math> على 7  <math>5^{6m+3} \equiv 6[7]</math> ، <math>5^{6m+2} \equiv 4[7]</math> ، <math>5^{6m+1} \equiv 5[7]</math> ، <math>5^{6m} \equiv 1[7]</math>  <math>m \in \mathbb{N}</math> ، <math>5^{6m+5} \equiv 3[7]</math> ، <math>5^{6m+4} \equiv 2[7]</math>  (ب) تعيين الثنائيات <math>(x,y)</math> من <math>\mathbb{N}^2</math>  * نعلم أن حلول <math>(E)</math> هي : <math>(x,y) = (5+7k, -3+k)</math>  وحيث أن <math>(x,y) \in \mathbb{N}^2</math> فإن <math>k \geq 3</math>  بوضع <math>k' = k - 3</math> مع <math>k \geq 3</math> نجد <math>k = k' + 3</math> مع <math>k' \in \mathbb{N}</math>  ومنه <math>(x,y) = (26+7k', k')</math>  نعوض <math>x</math> و <math>y</math> في <math>5^x + 5^y \equiv 3[7]</math> فنجد <math>5^{k'+1} \equiv 3[7]</math>  * وباستخدام بواقي قسمة <math>5^n</math> على 7 نجد <math>k' = 6m + 4</math>  مع <math>m \in \mathbb{N}</math> منه <math>(x,y) = (42m + 54, 6m + 4)</math></p>	الموافقات
	0.25 0.25 2×0.25+0.5 0.25+0.5 0.25×4	<p><b>تمرين 4: (6 نقاط)</b>  1) <math>\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = +\infty</math>  تفسير النتيجة: يوجد نصف مماس يوازي محور الترتيب  * دراسة تغيرات الدالة <math>f</math> حيث:  * <math>f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x-1}}</math> - إشارة <math>f'(x)</math> واتجاه التغير - جدول التغيرات  * إنشاء المنحنى <math>(C)</math> والمستقيم <math>(D)</math>  2. أ- تمثيل الحدود <math>U_0, U_1, U_2</math> على محور الفواصل باستعمال  المستقيم <math>(D)</math> والمنحنى <math>(C)</math></p>	الدوال العددية المتتاليات العددية

العلامة		عناصر الإجابة	معايير الموضوع
المجموع	مجزأة		
	0.5	ب- التخمين:	
	0.75	المتتالية $(U_n)$ متزايدة تماما ومحدودة من الأعلى وبالتالي فهي متقاربة	
	0.75	3. أ- البرهان بالتراجع على العدد الطبيعي $n$ أن : $2 \leq U_n \leq 5$	
	0.25	البرهان بالتراجع أن : $U_{n+1} > U_n$ ( يمكن استعمال العلاقة $U_{n+1} = f(U_n)$ )	
	0.5	ب- استنتاج أن $(U_n)$ متقاربة: حسب جوابي السؤالين أ و ب من 3 فإن $(U_n)$ محدودة من الأعلى ومتزايدة تماما وبالتالي فهي متقاربة وهو ما يؤكد صحة المخمئة السابقة	
06	0.5	* حساب $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n = 5$	
		انتهى	

العلامة		عناصر الإجابة	محاو الموضوع
المجموع	مجزأة		
			الأعداد المركبة
		<b>تمرين 1: (5 نقاط)</b>	
0.5	0.5	..... (1) بيان أنه إذا كان $P(a) = 0$ فإن $P\left(\frac{1}{a}\right) = 0$ (0 ليس جذرا لـ $P(z)$ )	
0.5	0.5	..... (2) $P(1+i) = 0$	
	0.25	..... (3) حلول المعادلة : $1+i$ حل إذا مقلوبه $\frac{1-i}{2}$ حل كذلك	
2	0.75	..... الحلان الآخران هما حلا المعادلة : $2z^2 + (3-i)z + 2 = 0$	
	1	..... (4) الشكل الآسي للحلول ..... ، $\Delta = -8 - 6i = (1-3i)^2$ ، $z = -1+i$ أو $z = \frac{-1-i}{2}$	
1.5	0.25×2 0.5×2+	..... (5) $ABCD$ مربع من أجل $m = 2$	
0.5	0.5		
		<b>تمرين 2: (4 نقاط)</b>	المتتاليات العددية
0.75	0.75	..... (1) $U_1 = \frac{7}{3}$ و $U_2 = \frac{23}{9}$ و $U_3 = \frac{73}{27}$	
	1+0.25	..... (2) - البرهان بالتراجع	
2.25	0.5	..... $U_n = 3 - \left(\frac{2}{3}\right)^n$	
	0.5	..... $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n = 3$	
1	2×0.5	..... (3) المجموع $S = \frac{n(n+1)}{3} + 3\left(\frac{2}{3}\right)^{n+1} - 3$	

العلامة		عناصر الإجابة	المادة موضوع	
المجموع	مجزأة			
0.5	0.5	تمرين 3: (4 نقاط)	الهندسة القضاية	
	0.25	1- $(\Delta)$ و $(\Delta')$ ليسا من نفس المستوي		
	0.25	2- أ) $(MN) \perp (\Delta)$ يكافئ $3\alpha + \lambda + 6 = 0$		
	0.25	$(MN) \perp (\Delta')$ يكافئ $8\alpha + 21\lambda + 46 = 0$		
1.5	2×0.25	$\alpha = -\frac{16}{11}$ و $\lambda = -\frac{18}{11}$		
	2×0.25	$N\left(\frac{50}{11}, \frac{43}{11}, \frac{39}{11}\right)$ و $M\left(\frac{15}{11}, \frac{13}{11}, \frac{14}{11}\right)$		
0.25	0.25	ب) $MN = \frac{5\sqrt{110}}{11}$		
	1	3- معادلة المستوي $7x + 6y + 5z - 23 = 0$ هي $(P)$		
1.75	0.5	4- المسافة: $d = \frac{ 42 + 7\alpha + 6 - 12\alpha + 25 + 5\alpha - 23 }{\sqrt{49 + 36 + 25}} = 5 \frac{\sqrt{110}}{11}$		
	0.25	نلاحظ أن: $d = MN$		
		تمرين 4: (7 نقاط)		
2	0.25×2	1- $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ; $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$		دراسة التوال العددية (الأسية)
	0.5+0.5	- المشتق وإشارته		
	0.5	- جدول التغيرات		
1	0.25×2	2- $\omega(0,1)$ نقطة إنعطاف و معادلة المماس $y=1$		
	0.5	- إثبات أن $\omega$ مركز تناظر للمنحنى		
1	0.25×2	3- $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - (x-1)) = 0$ ; $\lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - (x+3)) = 0$		
	0.25×2	- استنتاج معادلي المستقيمين المقاربن		
2	0.5+0.5	4- للمعادلة $f(x) = 0$ حل وحيد $x_0$ من المجال $]-2.77; -2.76[$		
	0.25×2	$f(1) = 1.08$ ; $f(-1) = 0.92$		
1	0.5	- رسم $C_f$		
	0.25+0.25	1-II $g(x) = f(-x)$ و $C_g$ هو نظير $C_f$ بالنسبة لحامل محور الترتيب		
	0.5	2) إنشاء $C_g$		