

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: 2016

وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: تسيير واقتصاد

المدة: 03 ساعة و 30 دقيقة

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:الموضوع الأولالتمرين الأول: (04 نقاط)f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $f(x) = e^x + 2e^{-x} - 3$.

اختر الجواب الصحيح من بين الأوجية الثلاثة المقترحة مع التعليل.

الإجابة ج)	الإجابة ب)	الإجابة أ)	
ln3 و 0	-ln2 و 0	ln2 و 0	حل المعادلة $0 = f(x)$ مما
-3	+∞	-∞	نهاية $f(x)$ عندما x يؤول إلى +∞ هي
ليست رتبية	متناقصة تماما	متزايدة تماما	على المجال $\left[\frac{\ln 2}{2}; +\infty \right]$ الدالة f
-1	2	1	القيمة المتوسطة للدالة f على المجال $[0; 2]$ هو m ، مدور m إلى الوحدة هو :

التمرين الثاني: (04,5 نقطة)(متتالية هندسية حدودها موجبة ومعرفة على N بحدها الأول $V_0 = 18$ والعلقة: $V_0 + V_1 + V_2 = 38$).1/ بين أن أساس المتتالية (V_n) هو $q = \frac{2}{3}$.أ) اكتب عبارة الحد العام V_n بدلالة n .ب) ادرس اتجاه تغير المتتالية (V_n) .ج) احسب نهاية (V_n) .3/ نضع $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_{n-1}$.أ) احسب S_n بدلالة n ثم استنتج نهاية S_n عندما n يؤول إلى +∞.ب) جد العدد الطبيعي n بحيث $S_n = \frac{3510}{81}$.

التمرين الثالث: (04 نقاط)

الجدول التالي يعطي توزيع 500 تلميذ في إحدى الثانويات.

اللهم	ذكور	إناث
يملك هاتف نقال	60	240
لا يملك هاتف نقال	120	80

نختار عشوائياً تلميذاً من الثانوية ونسمي H الحادثة: "اللهم المختار ذكراً" ، F الحادثة: "اللهم المختار أنثى" ، S الحادثة: "اللهم يملك هاتفاً نقالاً" ، \bar{S} الحادثة: "اللهم لا يملك هاتفاً نقالاً".

- (1) شكل شجرة الاحتمالات لهذه التجربة.
- (2) احسب احتمال الحوادث التالية:
 - (أ) اللهم المختار أنثى وتملك هاتفاً نقالاً.
 - (ب) اللهم المختار لا يملك هاتفاً نقالاً.
- (3) نفرض أن اللهم المختار لا يملك هاتفاً نقالاً. ما هو احتمال أن يكون هذا اللهم ذكراً؟

التمرين الرابع: (07,5 نقطة)

- (I) g دالة عدديّة معرفة على المجال $[0; +\infty)$ كما يلي: $g(x) = ax + b + \ln x$ حيث a و b عددان حقيقيان.
- (1) عين a و b بحيث: $g(1) = 2$ و $g'(2) = \frac{3}{2}$.
 - (2) نضع: $g(x) = x + 1 + \ln x$.
 - أ- احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x)$.
 - ب- ادرس اتجاه تغير الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها.
 - ج- بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلّاً حقيقياً وحيداً α حيث: $0,3 < \alpha < 0,2$.
 - د- حدد تبعاً لقيم العدد الحقيقي x إشارة $g(x)$ على المجال $[0; +\infty)$.
- (II) نعتبر الدالة f المعرفة على المجال $[0; +\infty)$ كما يلي: $f(x) = \frac{x \ln x}{x+1}$.
- (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المرتّب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.
- (1) بين أنه من أجل كلّ عدد حقيقي x من المجال $[0; +\infty)$: $f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^2}$ ثم استنتج اتجاه تغير الدالة f .
 - (2) احسب $\lim_{x \rightarrow 0^+} x \ln x$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$. (يُعطى: $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0$).
 - (3) تحقق أن: $f'(\alpha) = -\alpha$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .
 - (4) احسب $f(1)$ و $f(5)$ ثم ارسم (C_f) على المجال $[0; 5]$.

انتهى الموضوع الأول

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

الجدول التالي يبين كمية الإنتاج السنوي بآلاف الأطنان من البطاطا التعاونية فلاحية ما بين سنتي 2010 و 2015.

السنة	2010	2011	2012	2013	2014	2015
رتبة السنة x_i	1	2	3	4	5	6
كمية المنتوج بآلاف الأطنان y_i	25	30	33	42	48	55

(1) مثل سحابة النقط $(y_i; x_i)$ في معلم متعمد و متجانس حيث على محور الفواصل كل 1cm يمثل سنة واحدة وعلى محور الترتيب كل 1cm يمثل 10آلاف طن.

(2) احسب إحداثيات النقطة المتوسطة G ثم علّمها.

(3) أ- اكتب معادلة من الشكل $y = ax + b$ لمستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا. (ثُور a و b إلى 10^{-2}).

ب- أنشئ المستقيم (Δ) .

(4) باستعمال هذا التعديل:

أ- احسب كمية إنتاج التعاونية سنة 2020.

ب- في أي سنة يتجاوز الإنتاج 120 ألف طن ؟

التمرين الثاني: (05 نقاط)

نعتبر المتتالية (U_n) المعرفة على \mathbb{N} بـ: $U_0 = 5$ و $U_{n+1} = \frac{4}{7}U_n + \frac{3}{7}U_0$.

(1) احسب الحدين U_1 و U_2 .

(2) أ- برهن بالترابع أنه من أجل كل عدد طبيعي $n > 1$: $U_n > 1$.

ب- بين أن المتتالية (U_n) متناقصة تماماً.

ج- ماذا تستنتج بالنسبة لتقريب المتتالية (U_n) ؟

(3) لتكن المتتالية (V_n) المعرفة على \mathbb{N} بـ: $V_n = U_n - 1$.

أ- بين أن (V_n) متتالية هندسية معيناً أساسها و حدّها الأول.

ب- اكتب V_n بدلالة n ثم استنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي n , $V_n = 1 + 4\left(\frac{4}{7}\right)^n$.

ج- احسب نهاية (U_n) .

التمرين الثالث: (04 نقاط)

وكالة أسفار تقترح على زبائنها ثلاثة وجهات A , B , C .

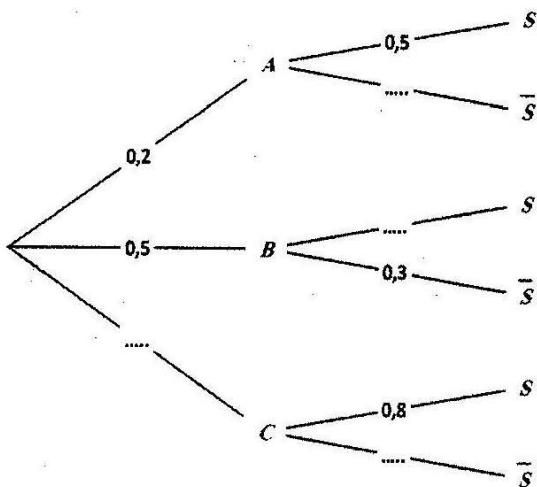
20% من الزبائن اختاروا الوجهة A , 50% اختاروا الوجهة B والباقي اختار الوجهة C .

عند العودة من السفر أجرت الوكالة استجواباً لزبائنها حول مدى إعجابهم بالوجهة واستنتجت ما يلي:

50% من أصحاب الوجهة A كانوا معجبين بها.

30% من أصحاب الوجهة B كانوا غير معجبين بها.

80% من أصحاب الوجهة C كانوا معجبين بها.



ختار عشوائياً أحد الزبائن ونسجل الحوادث التالية:

S : الزيون معجب بالوجهة المختارة

\bar{S} : الزيون غير معجب بالوجهة المختارة.

1) انقل شجرة الاحتمالات المقابلة ثم أكمل القيم الناقصة.

2) أ- احسب احتمالات الحوادث الآتية:

$$C \cap S \text{ و } B \cap S, A \cap S$$

ب- استنتاج احتمال أن يكون الزيون معجب بالوجهة المختارة.

3) نستجوب زبونا غير معجب بالوجهة المختارة،

ما احتمال أن يكون من أصحاب الوجهة B ؟

التمرين الرابع: (07 نقاط)

(I) نعتبر الدالة g المعرفة على المجال $[0; +\infty]$ بـ:

$$(1) \lim_{x \rightarrow 0} x \ln x = 0 \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 0 \quad (\text{تعطى:})$$

2) ادرس اتجاه تغير الدالة g على $[0; +\infty]$ ثم شكل جدول تغيراتها.

3) بين أن المعادلة $0 = g(x)$ تقبل حلًا وحيدًا α حيث: $1,4 < \alpha < 1,5$.

4) حدد إشارة $(x)g$ على المجال $[0; +\infty]$.

(II) نعتبر الدالة f المعرفة على المجال $[0; +\infty]$ بـ:

$$(f(x) = (2x-4) \ln x \quad (C_f) \text{ تمثلها البياني في معلم متواحد و متجانس } (O; i, j).$$

1) أ- احسب $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$. فسر النتيجة هندسيا.

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$$

2) أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[0; +\infty]$.

ب- استنتاج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

3) عين نقط تقاطع (C_f) مع حامل محور الفواصل.

4) أ- اكتب معادلة للمساس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 1.

ب- أنشئ (T) و (C_f) . (تعطى: $f(\alpha) \approx -0,41$).

(5) نعتبر الدالة F المعرفة على المجال $[0; +\infty]$ بـ:

أ- بين أن F دالة أصلية للدالة f على المجال $[0; +\infty]$.

ب- احسب مساحة الحيز المستوي المحدود بالمنحنى (C_f) والمستقيمات التي معادلاتها:

$$x = 2 \quad x = 1 \quad \text{و} \quad y = 0$$