

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)							
مجم	مجزأة								
04	0.75×2	<p>التمرين الأول: (04 نقاط)</p> <p>(1) أ) تبيان بالترابع أنه من أجل كل عدد طبيعي <math>n &gt; 1</math> . : <math>u_n &gt; 1</math></p> <p>ب) دراسة اتجاه تغير المتتالية <math>(u_n)</math> واستنتاج تقاربها :</p> <p>..... <math>(u_n)</math> متباقة تماما على <math>\mathbb{N}</math></p> <p>بما أن <math>(u_n)</math> متباقة ومحددة من الأسفل فهي متقاربة</p> <p>(2) إثبات أن المتتالية <math>(v_n)</math> حسابية وتعيين أساسها وحدتها الأول :</p> <p>من أجل كل عدد طبيعي <math>n</math> : <math>v_{n+1} - v_n = -\ln 5</math></p> <p>حدتها الأول <math>v_0 = \ln(12)</math> :</p> <p>..... <math>v_n = \ln\left(\frac{12}{5^n}\right)</math> : كتابة <math>v_n</math> بدلالة <math>n</math></p> <p>تبيان أن <math>u_n = 1 + \frac{12}{5^n}</math></p> <p>حساب نهاية المتتالية <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 1</math> : <math>(u_n)</math></p> <p>(4) تبيان أن : <math>(u_0 - 1)(u_1 - 1) \times \dots \times (u_n - 1) = \left(\frac{12}{5^2}\right)^{n+1}</math></p>							
	0.50	.....							
	0.50	.....							
	0.25	.....							
	0.25	.....							
	0.25	.....							
	0.25	.....							
	0.25	.....							
3.75	01	<p>التمرين الثاني: (04 نقاط)</p> <p>(1) تبيان أن : <math>P(A) = \frac{31}{66}</math></p> <p>..... <math>P(B) = \frac{17}{33}</math></p> <p>(2) احتمال أن تحمل نفس الرقم:</p> <p>..... <math>P(B/A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{15}{31}</math></p> <p>(3) أ) قانون الاحتمال للمتغير العشوائي <math>X</math> :</p>							
	01	.....							
	0.25	.....							
	025×3	<table border="1"> <tr> <td><math>x_i</math></td> <td>3</td> <td>4</td> <td>5</td> </tr> <tr> <td><math>P(X = x_i)</math></td> <td><math>\frac{10}{66}</math></td> <td><math>\frac{35}{66}</math></td> <td><math>\frac{21}{66}</math></td> </tr> </table>	$x_i$	3	4	5	$P(X = x_i)$	$\frac{10}{66}$	$\frac{35}{66}$
$x_i$	3	4	5						
$P(X = x_i)$	$\frac{10}{66}$	$\frac{35}{66}$	$\frac{21}{66}$						
0.25×3	.....								
0.25	0.25	..... $E(X) = \frac{275}{66}$ الأمل الرياضي							

العلامة مجموع مجراة	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
	التمرين الثالث: (05 نقاط) ا. حلول المعادلة هي : $i, 2-i, 2+i$ ..... $\frac{z_C - z_A}{z_C - z_B} = -i = e^{-i\frac{\pi}{2}}$ (1.ii) المثلث $ABC$ قائم في $C$ ومتتساوي الساقين ..... (2-أ) ( $E$ ) هي محور القطعة $[BC]$ ..... $[f(i)]^{1440} \in \mathbb{R}^+$ و $f(i) = \frac{\sqrt{2}}{2} \left( \cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right)$ (ب-) $\overrightarrow{CD} = -\overrightarrow{CA}$ أي $\frac{z_C - z_A}{z_C - z_D} = -1$ و $z_D = 4+i$ (3-أ) (ب-) $D$ هي صورة $A$ بتحاک مركزه $C$ ونسبة 1-أو بدوران مركزه $C$ وزاويته $\pi$ ..... أو بتناظر مركزي بالنسبة لـ $C$ أو بتشابه مباشر نسبته 1 مركزه $C$ وزاويته $\pi$
05	التمرين الرابع: (07 نقاط) (1 أ) ..... $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$ ..... التسier الهندسي: $x=0$ و $x=2$ ..... معادلتین للمستقيمين المقاربين للمنحنی $(C_f)$ ..... (ب) ..... $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$
2.5	(2) اتجاه تغير الدالة $f$ : لدينا $f'(x) = \frac{x^2 - 5x + 4}{x(x-2)^2}$ ..... إشارة $f'(x)$ ..... $f$ متزايدة تماما على كل من المجالين: $[4; +\infty]$ و $[0; 1]$ و $f$ متناقصة تماما على كل من المجالين $[1; 2]$ و $[2; 4]$ ..... التسier البياني: (Γ) منحنى مقارب للمنحنى $(C_f)$ بجوار $+\infty$ .
01.75	ب) وضعية المنحنى $(C_f)$ بالنسبة إلى المنحنى $(\Gamma)$ : لدينا $f(x) - \ln x = \frac{1}{x-2}$ ..... إذن: على المجال $[0; 2]$ : $(C_f)$ يقع تحت $(\Gamma)$ ..... وعلى المجال $[2; +\infty]$ : $(C_f)$ يقع فوق $(\Gamma)$ ..... (4) الرسم
0.75	
0.5	
0.25	

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموع	مجزأة	
0.5	0.25	$H(x) = \int_3^x (\ln t) dt = -x + 3 + x \ln x - 3 \ln 3.$ <span style="float: right;">أ) باستعمال المتكاملة بالتجزئة نجد :</span>
	0.25	$\mathcal{A} = (-1 + 9 \ln 2 - 3 \ln 3) (u.a).$ <span style="float: right;">ب) المساحة ..... .</span>
0.5	0.25	<span style="float: right;">.....</span> $g(x) = f(-2x) : ب : ]-\infty; -1[ \cup ]-1; 0[$ <span style="float: right;">الدالة المعرفة على المجموعة</span>
	0.25	$] -2; -1 [ \cup ] -1; \frac{-1}{2} [ \cup ] -\infty; -2 [ \cup ] \frac{-1}{2}; 0 [$ <span style="float: right;">الدالة <math>g</math> متناقصة على ..... .</span>

العلامة مجموع مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)	
		التمرين الأول: (04 نقاط)
02.5	0.5	(1) عدد الامكانيات هو 120 ،
	01.5	قانون الاحتمال: . قيم $X$ هي 8 ، 4 ، 2 ، 1 ، 0 مع احتمالاتها
	0.50	الامل الرياضي هو $\frac{231}{120}$
01	01	(2) احتمال الحصول على 3 كريات تحمل كل منها رقما زوجيا $\frac{7}{24}$
0.5	$0.25 \times 2$	(3) احتمال الحصول على كرتين تحملان رقمين مجموعهما فردي علمًا أن الجداء زوجي هو $\frac{1}{2}$
		التمرين الثاني: (04 نقاط)
01.25	0.75	(1) $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x+2}}$ ومنه الدالة $f$ متزايدة تماما على المجال $[4; 7]$ .
	0.5	ب) من أجل كل عدد حقيقي $x$ من المجال $[4; 7]$ يكون: $f(x) \in [f(4), f(7)]$
0.75	0.75	(2) $f(x) - x > 0$ . $f(x) - x = \frac{-x^2 + 9x - 14}{\sqrt{x+2} + x - 4}$
01.25	0.75	(3) أ) برهان بالترافق أنه من أجل كل عدد طبيعي $n$ : $4 \leq u_n < 7$ .
	0.25	ب) لدينا: $u_{n+1} - u_n > 0$ إذن: $u_{n+1} - u_n = f(u_{n+1}) - f(u_n)$ ومنه $f$ متزايدة تماما.
	0.25	ج) متقاربة.
0.75	0.25	(4) أ) برهان أنه من أجل كل عدد طبيعي $n$ : $7 - u_{n+1} < \frac{1}{4}(7 - u_n)$
	0.25	ب) استنتاج أنه من أجل كل عدد طبيعي $n$ , $0 < 7 - u_n < \frac{3}{4^n}$
	0.25	حسب مبرهنة الحصر.
		التمرين الثالث: (05 نقاط)
01.5	01	(1) أ) الشكل الأسوي لـ $z_A$ .
	0.5	ب) حساب $\left(\frac{z_A}{2\sqrt{2}}\right)^{2019} + \left(\frac{z_B}{2\sqrt{2}}\right)^{2019}$
01.5	0.75	(2) أ) حساب $T$ صورة $B$ بواسطة $z_D$
	0.75	ب) الرباعي $ABDC$ متوازي أضلاع.
0.75	0.75	(3) الشكل الأسوي للعدد المركب $z_C - z_A$ هو $6\sqrt{2}e^{i\frac{4\pi}{3}}$ .
0.5	0.5	(4) لدينا $\left(\frac{-6\sqrt{2}}{z_C - z_A}\right)^n = e^{-in\frac{\pi}{3}}$ . $k \in \mathbb{Z}$ عدد حقيقي يعني أن: $n = -3k$ حيث $\left(\frac{-6\sqrt{2}}{z_C - z_A}\right)^n$

العلامة	مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
0.75	0.75		<p>(5) <math>M</math> نقطة كافية من المستوى لاحقها <math>z</math> تختلف عن <math>A</math> و <math>C</math>.  <math>(E) = (AC) - [AC]</math> أي أن <math>(E)</math> هي المستقيم <math>(AC)</math> باستثناء القطعة المستقيمة <math>[AC]</math>.</p> <p>التمرين الرابع: (07 نقاط)</p>
02	0.5×2	0.5×2	<p>(1) دراسة اتجاه تغير الدالة <math>g</math> : ليكن <math>g'(x) = e^x - e</math> : <math>x \in \mathbb{R}</math></p> <p>ب) الدالة <math>g</math> تقبل قيمة حدّية صغرى:  <math>g(x) \geq 0</math> : <math>x \in \mathbb{R}</math> اذن من أجل كل <math>g(1) = e^1 - e = 0</math> لدينا</p>
01	0,50	0,50	<p>(2) دراسة اتجاه تغير الدالة <math>f</math> : ليكن <math>f'(x) = e^x - ex = g(x)</math> : <math>x \in \mathbb{R}</math></p> <p>لدينا <math>f'(1) = g(1) = 0</math> ومن أجل <math>\{x \in \mathbb{R} : f'(x) &gt; 0\}</math> أي <math>f'(x) &gt; 0</math> إذ <math>g(x) &gt; 0</math> : <math>x \in \mathbb{R} - \{1\}</math> .      الدالة <math>f</math> متزايدة تماماً على <math>\mathbb{R}</math>.</p>
0.75	0.25		<p>(3) حساب كلاً من <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)</math> و <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)</math></p> <p>. <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} -\frac{1}{2}ex^2 = -\infty</math> و <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0</math> لأن <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} e^x - \frac{1}{2}ex^2 = -\infty</math></p>
0.75	0.25		<p><math>\lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 = +\infty</math> لأن <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left( e^x - \frac{1}{2}ex^2 \right) = \lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 \left( \frac{e^x}{x^2} - \frac{1}{2}e \right) = +\infty</math></p> <p>. <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x^2} = +\infty</math> و</p>
	0.25		جدول التغيرات
0.50	0,50		<p>(4) دراسة الوضعيّة النسبية للمنحنين <math>(\mathcal{C}_f)</math> و <math>(\mathcal{C}_g)</math>.</p> <p>ليكن <math>f(x) - g(x) = ex \left( -\frac{1}{2}x + 1 \right)</math> : <math>x \in \mathbb{R}</math></p>
0.75	0,75		<p><math>(\mathcal{C}_g)</math> تحت <math>(\mathcal{C}_f)</math> : <math>x \in ]-\infty; 0[ \cup ]2; +\infty[</math></p> <p><math>(\mathcal{C}_g)</math> فوق <math>(\mathcal{C}_f)</math> : <math>x \in ]0; 2[</math></p> <p>متقاطعان <math>(\mathcal{C}_g)</math> و <math>(\mathcal{C}_f)</math> : <math>x \in \{0; 2\}</math></p>
0.50	0.25	0.25	<p>(5) الرسم : <math>(\mathcal{C}_f)</math> .....  <math>(\mathcal{C}_g)</math> .....</p>

العلامة	عنصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموع جزأة	
0.5	<p>(6) حساب بالسنتيمتر المربع، مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنيين <math>(\mathcal{C}_f)</math> و <math>(\mathcal{C}_g)</math>.</p> $A = \int_0^2 [g(x) - f(x)] dx = \int_0^2 \left( -\frac{1}{2}ex^2 + ex \right) dx = \left[ -\frac{1}{6}ex^3 + \frac{1}{2}ex^2 \right]_0^2$ $A = -\frac{8e}{6} + \frac{4e}{2} = -\frac{4e}{3} + 2e = \frac{2e}{3} \text{ ua}$ $A = \frac{8e}{3} \text{ cm}^2$
01	<p>(7) أ) دالة زوجية.....</p> <p>ب) حساب <math>h(x) + f(x)</math></p> <p>استنتاج كيفية رسم <math>(\Gamma)</math> انطلاقاً من <math>(\mathcal{C}_f)</math></p> <p>الرسم.....</p>