

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية	وزارة التربية الوطنية
الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات	امتحان بكالوريا التعليم الثانوي
دورة: جوان 2012	الشعب: أداب وفلسفة + لغات أجنبية
المدة: ساعتان ونصف	اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين
الموضوع الأول

التمرين الأول: (06 نقاط)

اذكر في كل حالة من الحالات الآتية إن كانت العبارة المقترحة صحيحة أو خاطئة مع التعليل.

1. n و n' عددان طبيعيان حيث: $n = 3n' + 5$. باقي قسمة n على 3 هو 5.
2. باقي القسمة الإقليدية للعدد 2^{2012} على 7 هو 4. (لاحظ أن: $2^{2012} = 3 \times 670 + 2$)
3. n عدد صحيح حيث: $n \equiv 2[11]$. باقي القسمة الإقليدية للعدد $9 - 2n^2$ على 11 هو 10.
4. $g(x) = \frac{2x+1}{x+1}$ الدالة المعرفة على المجال $[-1; +\infty)$ بالعبارة: $\cdot (O; \vec{i}, \vec{j})$ التمثيل البياني للدالة g في مستوى منسوب إلى معلم (C_g) يشمل النقطة $A\left(\frac{1}{2}; \frac{4}{3}\right)$.
- ب) المنحني (C_g) يقبل مماساً معادل توجيهه يساوي -2.

التمرين الثاني: (06 نقاط)

a, b, c ثلاثة حدود متتابعة لمتالية حسابية متزايدة أساسها r حيث: $a+b+c=9$

1. أ) احسب b ثم اكتب a و c بدلة r .

ب) علماً أن: $a \times c = -16$

- عين الأساس r ثم استنتج a و c .

2. (u_n) متالية حسابية حدها الأول $-2 = u_0$ و أساسها 5.

أ) عبر عن الحد العام u_n بدلة n .

ب) احسب u_{15} ثم استنتاج المجموع: $S = u_0 + u_1 + \dots + u_{15}$

3. (v_n) متالية عددية معرفة على \mathbb{N} بالعلاقة: $8v_n - u_n = 0$

- احسب المجموع: $S' = v_0 + v_1 + \dots + v_{15}$

التمرين الثالث: (08 نقاط)

نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = -x^3 + 3x^2 - 4$ تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (C) .

1. احسب نهاية الدالة f عند $-\infty$ و عند $+\infty$.
 2. احسب (f') ثم ادرس إشارتها . (f') الدالة المشتقة للدالة f
 3. شكل جدول تغييرات الدالة f .
4. أ) اكتب معادلة المستقيم (Δ) المماس للمنحني (C) في النقطة ذات الفاصلة 1 .
ب) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x :
 $f(x) - (3x - 5) = -(x - 1)^3$ ادرس الوضع النسبي للمنحني (C) والمستقيم (Δ) .
ج) ادرس الوضع النسبي للمنحني (C) والمستقيم (Δ) .
5. احسب $(-f)$ ثم أنشئ المماس (Δ) و المنحني (C) .

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (06 نقاط)

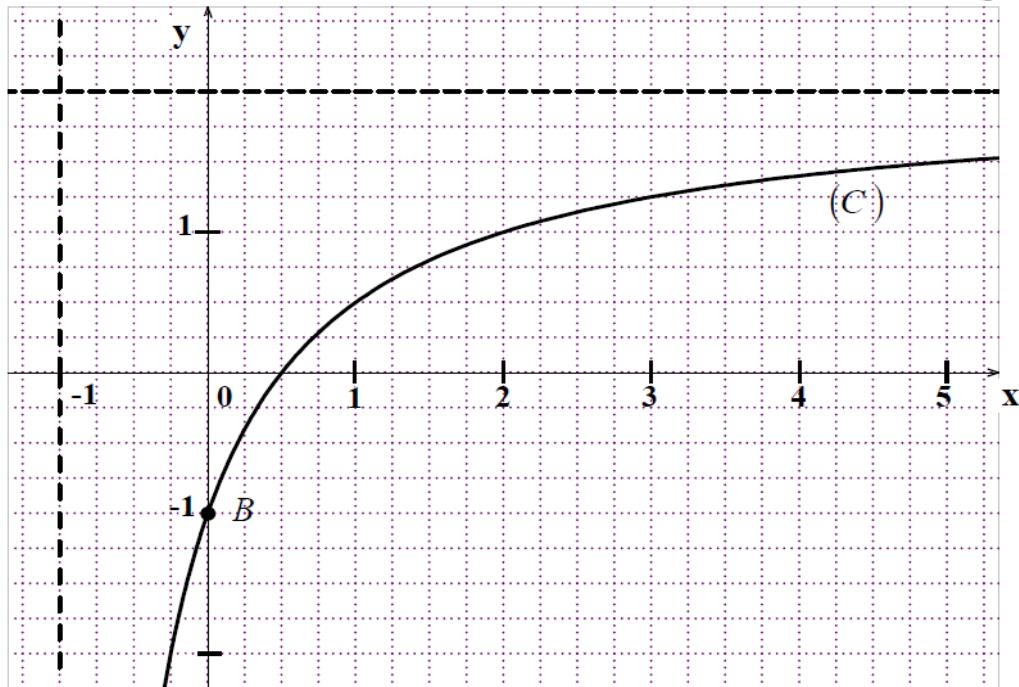
- $a - b \equiv 5[11]$ و $a + b \equiv 7[11]$ عدانت طبيعيان بحيث :
1. أ) عين باقي القسمة الإقليدية للعدد $b^2 - a^2$ على العدد 11.
 - ب) بيّن أنّ : $b \equiv 1[11]$ و $a \equiv 6[11]$ ثم استنتج أنّ : $2b \equiv 2[11]$ و $2a \equiv 1[11]$
 2. أ) أثبت أنّ : $a^5 \equiv -1[11]$
 - ب) استنتج أنّه من أجل كل عدد طبيعي k : $a^{10k} \equiv 1[11]$
 3. أ) تحقق أنّ : $2012 = 10 \times 201 + 2$
 - ب) عين باقي القسمة الإقليدية للعدد a^{2012} على العدد 11.

التمرين الثاني: (06 نقاط)

- (u_n) متالية حسابية متزايدة ، أساسها r ، حدّها الأول u_1 و $u_3 = 7$.
1. أ) احسب بدلالة r الجدائين :
 - أ) عين الأساس r بحيث : $T_2 - T_1 = 27$
 - ب) نضع $r = 3$. - أ) اكتب عبارة الحدّ العام u_n بدلالة n .
 - ب) نضع من أجل كل عدد طبيعي n غير معروف :
 - أ) اكتب الحدّ S_{n+5} بدلالة العدد الطبيعي n .
 - ج) جد العدد الطبيعي n بحيث : $S_n = 145$ - ب) تحقق أنّه من أجل كل عدد طبيعي n غير معروف :
 - ج) استنتج الأعداد الطبيعية n التي يكون من أجلها العدد $\frac{u_{n+5}}{n}$ طبيعاً.

التمرين الثالث: (08 نقاط)

الف الدالة المعرفة على المجال $[-1; +\infty)$ بالعبارة: $f(x) = 2 - \frac{a}{x+1}$ حيث a عدد حقيقي.
 يرمز (C) إلى التمثيل البياني للدالة f في مستو منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ كما هو موضح أدناه.



1. اعتماداً على التمثيل البياني (C) بين أن: $a = 3$.
2. أ) احسب النهايتين $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x)$ ثم فسر النتيجتين هندسيا.
- ب) احسب $(f'(x))'$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة f على $[-1; +\infty)$. الدالة المشتقة للدالة f
3. أ) حل في المجال $[-1; +\infty)$ المعادلة: $f'(x) = \frac{3}{4}$
- ب) (D) مستقيم معادلته: $y = \frac{3}{4}x - 1$
- اكتب معادلة للمستقيم (Δ) المماس للمنحنى (C) الذي يوازي المستقيم (D) .
4. احسب $f(x)$ ثم حل بيانيا المتراجحة $f(x) \geq 0$.