

اختبار في مادة الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين :

الموضوع الأول

التمرين الأول (6 نقط)

$a = 1428$ ، $b = 2006$ ، a و b عدوان طبيعيان حيث

(1) عين باقي القسمة الإقلimbية للعدد a على 9

(b) بين أن : $b \equiv -1 \pmod{9}$

(ج) هل العددان a و b متافقان بتردد 9 ؟ بزر إجابتك .

(أ) ما هو باقي قسمة العدد $(a+b^2)$ على 9 ؟

(ب) استنتج باقي قسمة $(a+b^2)$ على 3

التمرين الثاني (5 نقط)

(u_n) متالية معرفة على \mathbb{N} كما يلي :

• احسب u_2, u_1, u_0 .

(2) بين أن (u_n) حسابية يطلب تعين أساسها . عين اتجاه تغير (u_n) .

(3) تحقق أن العدد 2008 حد من حدود المتالية (u_n) . ما رتبته ؟

(4) أحسب المجموع : $S = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{669}$

التمرين الثالث (9 نقط)

f دالة معرفة على \mathbb{R} كما يلي :

$f(x) = x^3 - 3x$.

(C_f) المنحني الممثل للدالة f في مستوى منسوب إلى معلم متعدد متجانس $(O; \bar{i}, \bar{j})$.

(1) احسب $f(-2)$ ، $f(-1)$.

(2) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

(ب) احسب $f'(x)$ ثم أدرس إشارتها.

(ج) شكل جدول تغيرات الدالة f .

(3) حل في \mathbb{R} المعادلة $0 = f(x)$.

(ب) استنتاج أن المنحني (C_f) يقطع محور الفواصل في ثلاثة نقاط يطلب تعين إحداثي كل منها .

(ج) اكتب معادلة للمسقط (Δ) مماس المنحني (C_f) عند النقطة التي فاصلتها 0 .

ادرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى (Δ) . ماذا تستنتج ؟

(د) أرسم (C_f) و (Δ) .

الموضوع الثاني

التمرين الأول (6 نقط)

(u_n) متالية عدديّة معرفة بحدها الأول $u_1 = 7$ و من أجل كل عدد طبيعي غير معروف n :

أحسب u_2 ، u_3 ، u_4 . (1)

2) من أجل كل عدد طبيعي غير معروف n ، نعرف المتالية (v_n) كما يأتي :

أ - أثبت أن (v_n) متالية هندسية يطلب تعين أساسها q وحدتها الأول v_1 .

ب - اكتب عبارة الحد العام v_n بدالة n ثم استنتج u_n بدالة n .

ج - نضع : $S_n = v_1 + v_2 + \dots + v_n$ ، احسب S_n بدالة n .

د - عين n علماً أن $S_n = 1016$.

التمرين الثاني (4 نقط)

1 - احسب باقي قسمة كل من $3^6, 3^5, 3^4, 3^3, 3^2$ على 7.

2 - عين باقي قسمة كل من : 3^{6n+4} على 7 حيث n عدد طبيعي غير معروف.

استنتاج باقي قسمة 3^{2008} على 7.

3 - بين أن العدد :

$3 \times 3^{6n+4} - 2 \times 3^{6n} + 4$ يقبل القسمة على 7 من أجل كل عدد طبيعي n .

التمرين الثالث (10 نقط)

المنحنى (C) المرسوم في الشكل المقابل هو لدالة

f معرفة على المجال $[1, +\infty]$ و (Δ) مماس للمنحنى (C)

عند النقطة التي فاصلتها 2.

1) خمن نهاية f عند $+\infty$ ثم بقراءة بيانية

عين اتجاه تغير f على المجال $[-1, +\infty]$.

شكل جدول تغيرات f .

2) من العبارات الآتية:

$$f_2(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x - 1 , f_1(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x + 1$$

$$f_3(x) = -\frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x - 1$$

عين العبارة المناسبة للدالة f مبرراً ذلك.

3) ادرس تغيرات الدالة f . هل تخميناتك و القراءات السابقة صحيحة؟

4) عين معادلة للمسقط (Δ).

5) عين إحداثي نقطة الانعطاف للمنحنى (C).

6) ارسم المستقيم $y = -1$ ، ثم حل بيانياً المترابطة ذات المجهول الحقيقي $x < -1$:

7) عين نقطتي تقاطع المنحنى (C) مع المستقيم (D) ذي المعادلة : $y = 3x - 1$.

