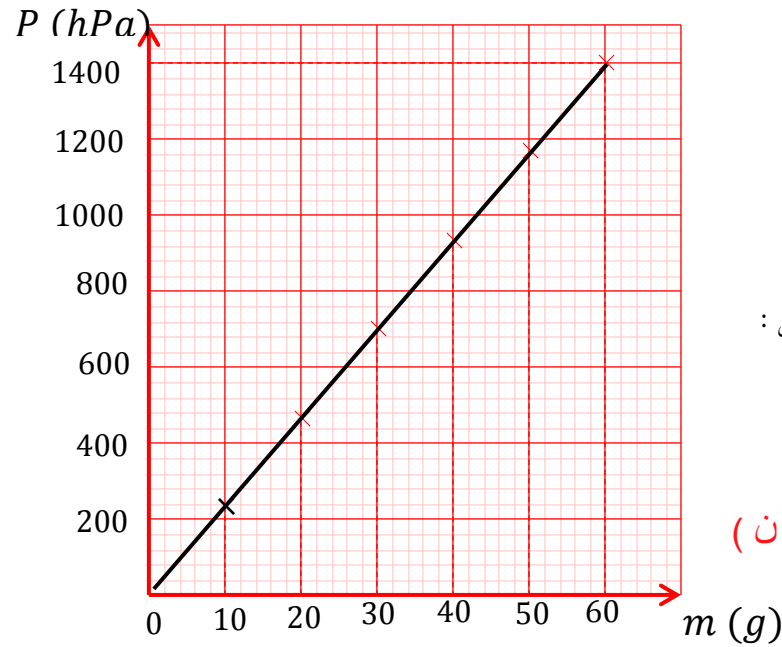


التمرين الأول: 08 نقاط



(2 ن) : رسم المنحنى البياني $P = f(m)$:

(2) - كتابة المعادلة الرياضية للمنحنى :

المنحنى $P = f(m)$ عبارة عن خط مستقيم يمر بالمبدأ معادلته من الشكل :

$P = a \times m$ ، حيث a هو ميل المنحنى، نحسبه فنجد:

$$a = \frac{\Delta P}{\Delta m} = \frac{1404 \times 10^2 - 0}{60 - 0} = 2340 \text{ Pa} \cdot \text{g}^{-1}$$

(1 ن) إذن معادلة المنحنى هي: $P = 2340 \times m \dots \dots \dots (1)$

(3) إثبات أن: $P = \lambda \cdot m$ حيث λ ثابت يطلب إيجاد عبارته :

بتطبيق قانون الغاز المثالي: $PV = nRT$ و منه: $P = \frac{RT}{V} \times n$. لدينا: $n = \frac{m}{M}$ و منه: $P = \frac{RT}{V} \times \frac{m}{M}$

اذن: (2) $P = \frac{RT}{VM} \times m \dots \dots \dots (2)$ و هو المطلوب حيث: $\lambda = \frac{RT}{VM}$ (1 ن)

(4) استنتاج قيمة M الكتلة المولية لغاز الأستيلين:

من العبارتين (1) و (2) نجد: $\frac{RT}{VM} = 2340$ و منه: $M = \frac{RT}{2340 V} = \frac{8,314 \times (20+273)}{2340 \times 40 \times 10^{-3}} = 26 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$

إيجاد الصيغة الجزيئية المجرىة للمجملة للأستيلين: الأستيلين صيغته الجزيئية المجرىة من الشكل $C_x H_{2x-2}$

يعني: $M = 14x - 2$ اذن: $14x - 2 = 26$ و عليه: $x = 2$ و منه نجد: $C_2 H_2$ (1 ن)

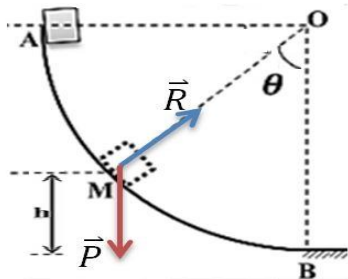
(5) وجدنا سابقا ان عبارة الميل هي: $a = \frac{RT}{VM}$ اذن:

أ- عندما نستعمل غاز ثنائي الهيدروجين H_2 بدل غاز الأستيلين، فإن الكتلة المولية تتناقص ($M(H_2) = 2 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$) و عليه فإن قيمة الميل تتزايد. (1 ن)

ب- عندما نضع المحقنة في حمام مائي درجة حرارته $80^\circ C$ فإن درجة الحرارة تتزايد و عليه فإن قيمة الميل تتزايد. (1 ن)

التمرين الثاني: 12 نقطة

I.



(0,5 ن)

(1) تمثيل القوى الخارجية المؤثرة على الجسم في الجزء AB :

(2) إيجاد عبارة v_B^2 : بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة للمجملة (جسم) بين الموضعين M و B نجد:

$$E_{CM} + mgh = \frac{1}{2}mv_B^2 \quad \text{و منه:} \quad E_{CM} + W_{MB}(\vec{P}) = E_{CB}$$

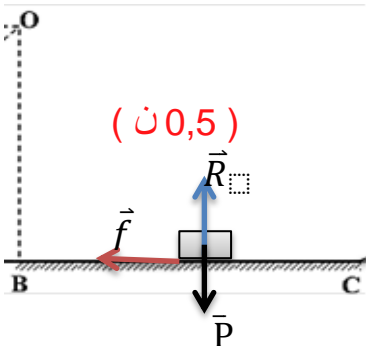
لدينا: $\cos \theta = \frac{r-h}{r}$ وبالتالي: $h = r(1 - \cos \theta)$. اذن:

$$(1 ن) v_B^2 = 2gr(1 - \cos \theta) \quad \text{و منه:} \quad \frac{1}{2}mv_B^2 = mgr(1 - \cos \theta)$$

(3) تمثيل القوى الخارجية المؤثرة على الجسم في الجزء BC :

- استنتاج طبيعة الحركة : بما أن $\vec{P} + \vec{R} = \vec{0}$. فإن محصلة القوى المؤثرة على الجسم تكافئ قوة

وحيدة معاكسة لجهة الحركة و موازية للطريق ، اذن فالحركة مستقيمة متباطنة (0,5 ن)



(0,5 ن)

4 إثبات أن عبارة $V_C^2 = A \cdot \cos\theta + B$ تكتب على الشكل : (1) $v_C^2 = A \cdot \cos\theta + B$

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة للجملة (جسم) بين الموضعين B و C نجد:

$$\frac{1}{2}mv_B^2 - f_{BC} = \frac{1}{2}mv_C^2 \quad \text{و منه} \quad E_{CB} - |W_{BC}(f)| = E_{CC}$$

$$v_C^2 = 2gr(1 - \cos\theta) - \frac{2f_{BC}}{m} \quad \text{اذن:} \quad v_C^2 = v_B^2 - \frac{2f_{BC}}{m} \quad \text{و باستعمال جواب السؤال (I-2) نعوض فنجد:}$$

$$v_C^2 = -2gr \cos\theta + 2gr - \frac{2f_{BC}}{m} \quad \text{و عليه:} \quad (2) \quad v_C^2 = -2gr \cos\theta + 2gr - \frac{2f_{BC}}{m} \dots \dots$$

$$B = 2gr - \frac{2f_{BC}}{m} \quad \text{و} \quad A = -2gr \quad \text{بمقارنة العبارتين (1) و (2) نجد:}$$

$$(0,5) \quad (0,5) \quad \text{II}$$

1) كتابة معادلة البيان: معادلة البيان من الشكل : $v_C^2 = A \cdot \cos\theta + B$

حيث: A هو الميل (معامل التوجيه) و B نقطة تقاطع البيان مع محور الترتيب

$$\text{نجد:} \quad B = 9 \text{ m}^2/\text{s}^2 \quad \text{و} \quad A = \frac{\Delta v_C^2}{\Delta \cos\theta} = \frac{0-9}{0,9-0} = -10 \text{ m}^2/\text{s}^2$$

$$\text{اذن:} \quad v_C^2 = -10 \cdot \cos\theta + 9 \quad (0,5)$$

2) إيجاد r و f :

$$A = -2gr = -10 \quad \text{و منه:} \quad r = \frac{10}{2g} = \frac{10}{20} = 0,5 \text{ m} \quad (0,5)$$

$$B = 2gr - \frac{2f_{BC}}{m} = 9 \quad \text{و منه:} \quad f = \frac{m}{2BC} = \frac{0,5}{2 \times 1} = 0,25 \text{ N} \quad (0,5)$$

3) تحديد أصغر قيمة للزاوية θ و التي تمكن الجسم من الوصول للموضع C : (1)

أصغر قيمة للزاوية توافق $v_C = 0$ اي $v_C^2 = 0$ بالإسقاط على المنحنى نجد: $\cos\theta = 0,9$ اذن: $\theta = 25,8^\circ$

-III

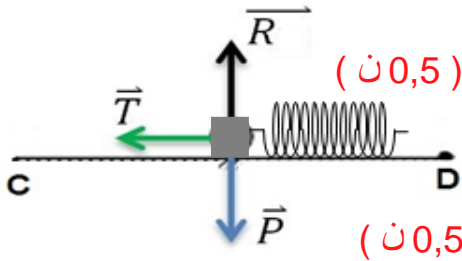
1. تحديد السرعة التي يصل بها الجسم إلى الموضع C :

ترك الجسم من الموضع A يعني أن $\theta = 90^\circ$ و منه: $\cos\theta = 0$ من البيان نجد: $v_C^2 = 9 \text{ m}^2/\text{s}^2$ اذن: $v_C = 3 \text{ m/s}$ (1)

2) تمثيل القوى الخارجية المؤثرة على الجسم أثناء الانتقال CD :

- القوة المسؤولة عن انعدام سرعة الجسم هي قوة توتر النابض. (0,5)

3



أ- المنحنى الذي يمثل تغيرات الطاقة الحركية هو المنحنى (1) لان سرعة الجسم تتناقص من C إلى D. (0,5)

ب- إيجاد المسافة X_0 : بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة للجملة (جسم+نابض) بين الموضعين C و D نجد:

$$E_{CC} = E_{peD} \quad \text{نجد:} \quad E_{CD} = 0 \quad \text{و} \quad E_{peC} = 0 \quad \text{حيث:} \quad E_{CC} + E_{peC} = E_{CD} + E_{peD}$$

$$\text{اذن:} \quad \frac{1}{2}mv_C^2 = \frac{1}{2}KX_0^2 \quad \text{و منه:} \quad X_0 = \sqrt{\frac{m}{K}} \times v_C \quad \text{ت ع:} \quad X_0 = \sqrt{\frac{0,5}{200}} \times 3 = 0,15 \text{ m} = 15 \text{ cm} \quad (0,5)$$

ج- بما أن: $E_C + E_{pe} = 2,25 \text{ J}$ نستنتج أن طاقة الجملة (جسم + نابض) محفوظة فهي جملة شبه معزولة (توجد قوى خارجية مؤثرة لكن محصلتها معدومة) (0,5)

د- إيجاد قيمة الاستطالة X_1 التي من أجلها تكون قيمة الطاقة الحركية تساوي الطاقة الكامنة المرونية للجملة (جسم+نابض) :

• الطريقة (1) بيانيا : $E_C = E_{pe}$ يعني نقطة تقاطع المنحنيين (1) و (2)، اذن: $X_1 = 5,3 \times 0,02 = 0,106 \text{ m} = 10,6 \text{ cm}$

• الطريقة (2) حسابيا : لدينا: $E_C = E_{pe}$ و من السؤال (III-4-ج) لدينا: $E_C + E_{pe} = 2,25$ (0,5)

$$\text{و منه:} \quad E_{pe} + E_{pe} = 2,25 \quad \text{اي:} \quad 2E_{pe} = 2,25 \quad \text{اذن:} \quad E_{pe} = 1,125$$

$$\text{و عليه:} \quad \frac{1}{2}KX_1^2 = 1,125 \quad \text{نجد:} \quad X_1 = \sqrt{\frac{2 \times 1,125}{200}} = 0,106 \text{ m} = 10,6 \text{ cm} \quad (0,5)$$

- إيجاد قيمة السرعة : $E_C = E_{pe} = 1,125$ اي: $\frac{1}{2}mv^2 = 1,125$ و منه: $v = \sqrt{\frac{2 \times 1,125}{0,5}} = 2,12 \text{ m/s}$