

ديسمبر 2017

المستوى: الثانية ثانوي (علوم تجريبية) (2ASS)

المدة: 3سا00

اختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول (10 نقاط)

1. ليكن كثير الحدود $h(x)$ المعرفة بـ: $h(x) = x^3 + x^2 - 7x + 2$

أ- أحسب $h(2)$ وأعطي تحليلا لـ: $h(x)$.

ب- حل في \mathbb{R} المعادلة $h(x) = 0$.

2. نعتبر الدالتين f و g المعرفتين بـ: $f(x) = x^2 + 2x - 3$ و $g(x) = \frac{2x+1}{x-1}$.

(C_f) و (C_g) تمثيلا هما البياني في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$.

أ- أحسب فواصل نقط تقاطع (C_f) و (C_g) .

ب- أكتب $f(x)$ على الشكل النموذجي واستنتج رسم المنحى (C_f) انطلاقا من المنحى الممثل للدالة مربع.

ج- أكتب $g(x)$ على الشكل $g(x) = a + \frac{b}{x-1}$ من أجل $x \in \mathbb{R} - \{1\}$ حيث a و b عددا حقيقيان يطلب تعيينهما

واستنتج رسم المنحى (C_g) انطلاقا من المنحى الممثل للدالة مقلوب.

3. نعتبر الدالتين f_1 و f_2 حيث $f_1(x) = |f(x)|$ و $f_2(x) = f(|x|)$

أ- ارسم (C_{f_1}) انطلاقا من (C_f) .

ب- بين أن الدالة f_2 زوجية ثم أرسم (C_{f_2}) من (C_f) .

التمرين الثاني (06 نقاط)

ليكن $ABCD$ مربعا مركزه O و G مرجح الجملة المتقلة $\{(A,1);(B,2);(C,3);(D,6)\}$

(1) أنشئ I مرجح الجملة $\{(A,1);(C,3)\}$ و J مرجح الجملة $\{(B,2);(D,6)\}$

(2) بين ان G مرجح النقطتين I و J المرفقين بالمعاملين 1 و 2 على الترتيب ثم أنشئ G .

(3) لتكن M نقطة من المستوي. عين ثم أنشئ المجموعة (E) للنقط M التي تحقق المساواة

$$\|\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} + 3\overrightarrow{MC} + 6\overrightarrow{MD}\| = 6$$

التمرين الثالث (04 نقاط)

f الدالة المعرفة على R بـ: $f(x) = \sqrt{x^2 + 3}$

(1) أ- تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي غير معدوم h يكون

$$\frac{f(1+h) - f(1)}{h} = \frac{h+2}{\sqrt{h^2 + 2h + 4} + 2}$$

ب- استنتج أن الدالة f تقبل الاشتقاق عند 1 مبينا $f'(1)$

(2) أعطي احسن تقريب تآلفي للدالة f بجوار 1 ثم استنتج قيمة مقربة للعدد $\sqrt{4,0201}$

بالتوفيق