

تصحيح اختبار فاع مادة الرياضيات للفصل الأول

التمرين الأول (4 نقاط):

(I) $x \in]0,3[$ -1

-2 المثلث HIB قائم في H و منه $HB^2 + HI^2 + IB^2$ و منه $HB^2 = IB^2 - HI^2$

$$HB = \sqrt{\left(3 - \frac{x}{2}\right)^2 - \left(\frac{x}{2}\right)^2} = \sqrt{9 - 3x + \frac{x^2}{4} - \frac{x^2}{4}} = \sqrt{9 - 3x}$$

-3
$$S = \frac{IH \cdot HB}{2} = \frac{\frac{x}{2} \sqrt{9 - 3x}}{2}$$

$$S = \frac{x\sqrt{9 - 3x}}{4}$$

x	0	2	3
f'(x)	+	○	-
f(x)		$\frac{\sqrt{3}}{2}$	

(II) $f'(x) = \frac{9(2-x)}{8\sqrt{9-3x}}$ -1

-2

-3 تكون مسافة المثلث HIB اكبر ما يمكن لما تأخذ f القيمة الحدية الكبرى عند $x = 2$ موقع النقطة M : $AM = X = 2$

التمرين الثاني (04 نقاط):

(1) $\vec{AG} = \frac{1}{4}\vec{AB} + \frac{1}{4}\vec{AC}$

-1 (2) $\vec{u} = 4\vec{MG}$

ب- $\vec{v} = \vec{AB} + \vec{AC}$ و منه \vec{v} مستقل عن M

(3) $MG = \frac{\|\vec{AB} + \vec{AC}\|}{4}$ مجموعة النقط M هي دائرة مركزها G و نصف قطرها

$$R = \frac{\|\vec{AB} + \vec{AC}\|}{4}$$

التمرين الثالث (نقاط):

(I) -1 $\Delta > 0$ لان المنحنى (C_f) يقطع محور الفواصل في نقطتين

-2 $c = -3$, $b = 0$, $a = 3$

-3

x	$-\infty$	0	$+\infty$
g'(x)	-	○	+
g(x)			

(II) $f(x) = (x-1)^2(x+2)$ -1

x	$-\infty$	-2	1	$+\infty$	
f(x)	-	○	+	○	+

-2 $f(x) = g(x)$ و منه $(x-1)(x^2 - 2x - 5) = 0$

$$x = 1 + \sqrt{6} \text{ أو } x = 1 - \sqrt{6} \text{ أو } x = 1$$

-3 (I) Ψ دالة زوجية

(ب)
$$\begin{cases} h(x) = f(x); x \in [-2, +\infty[\\ h(x) = -f(x); x \in]-\infty, -2] \end{cases}$$

(ج) (C_h) منطبق على (C_f) ; $x \in [-2, +\infty[$ (C_h) ; $x \in]-\infty, -2]$ نظير الجزء الغير المنطبق بالنسبة إلى حامل محور الفواصل $x \in [0, +\infty[$: المنحنى (C_Ψ) منطبق على (C_f) $x \in]-\infty, 0]$: المنحنى (C_Ψ) نظير الجزء المنطبق بالنسبة إلى حامل محور الترتيب.