

# الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي التجريبية

الشعبية : العلوم التجريبية

3 :

اختبار في مادة : الرياضيات

أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

التمرين الأول :

ينسب المستوى المركب إلى معلم متعمد ومتجانس  $(O; \vec{j}; \vec{i})$ .  
الترتيب  $i$ .

$$z_C = -1 - i \quad z_B = -1 - \sqrt{3} \quad z_A = 1 + i \quad (1)$$

$$L = \frac{z_A - z_B}{z_C - z_B} \text{ على الشكل الجبري ثم على شكله الأسني.}$$

$$( \vec{i}; \overrightarrow{OA} ) = ( \overrightarrow{BC}; \overrightarrow{BA} ) : \quad ($$

$$\cdot \left[ \left( \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{2}} \right) L \right]^{2011} \quad (2)$$

$\cdot \left( \frac{\sqrt{3}+1}{2} \right)$  عين  $z_D$  (أ) عين  $A$  بالتشابه الذي مركزه  $C$  وزاويته  $\frac{\pi}{6}$  - ونسبته.

ب) ما طبيعة الرباعي  $ABCD$ .

$$\cdot \frac{AC}{BC} = \frac{BD}{AB} = \sqrt{2}$$

التمري :

نعتبر المتتالية  $(u_n)$   $u_{n+1} = \frac{u_n}{u_n + 2}$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$   $u_0 = 2$  : (1)

(أ) برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n > 0$   $u_n > 0$ .

ب) عين اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$  ثم استنتج أنها متقاربة.

نعتبر المتتالية  $(v_n)$   $v_n = \frac{u_n + 1}{u_n}$  أجل كل عدد طبيعي  $n$  (3)

أ) برهن أن المتتالية  $(v_n)$  متالية هندسية أساسها 2.

ب) عين عبارة  $v_n$  ثم بين أن  $n$  ثم  $v_n = \frac{1}{3 \times 2^{n-1} - 1}$

ج) احسب نهاية المتتالية  $(u_n)$ .

التمرين الثالث :

تين . $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$

$B(3; -1; 0) A(2; 1; -2)$

$x - y + 2z - 3 = 0$  (P) الذي معادلته :

$\vec{u}(1; 2; -1)$

ملاحظة : الأسئلة مستقلة عن بعضها.

.  $\|4\overrightarrow{MA} - 2\overrightarrow{MB}\| = 3$  (1) عين العناصر المميزة لمجموعة النقط M

. (P) A H (2) عين إحداثيات النقطة H

(3) نعتبر المستقيم (D) الذي يمر بالنقطة A ويواري الشعاع  $\vec{u}$  والمستقيم ('D) الذي تمثله الوسيطي

. . بين أن المستقيمين (D') (D)  $\begin{cases} x = 3 + 2t \\ y = 1 + 2t, t \in \mathbb{R} \\ z = t \end{cases}$

. B A (4) عين معادلة المجموعة ( $\Gamma$ )

.  $\frac{1}{2}$  B (5) عين وضعية سطح الكرة الذي مركزه B

التمرين الرابع :

.  $\lim_{x \xrightarrow{x \rightarrow 0^+}} x \ln x = 0$  بين أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x} = 0$  -I

$g(x) = 2x - 1 - \ln x$  : ]0, +∞[ g -II

$\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$   $\lim_{x \xrightarrow{x \rightarrow 0^+}} g(x)$  (1)

ثم استنتج اتجاه تغيراتها.

. ]0, +∞[ g(x) g شكل جدول تغيرات الدالة g (3)

. ]0.1; 0.3[ g(x) تقبل حلاً وحيداً  $g(x) = 1$  (4) بين أن المعادلة

$f(x) = x^2 \left(1 - \frac{\ln x}{x}\right)$ : ]0, +∞[ f -III

.  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$   $\lim_{x \xrightarrow{x \rightarrow 0^+}} f(x)$  (1)

$f'(x) = g(x)$  ]0, +∞[ f (2) بين

. (C<sub>f</sub>)  $\frac{1}{2}$  (3) استنتاج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها وأن النقطة التي فاصلتها

. (Δ) (C<sub>f</sub>) عند النقطة التي فاصلتها 1 ثم حدد وضعية (Δ) (4) عين معادلة المماس (Δ)

. (C<sub>f</sub>) فاصلتها x. عين نهاية معامل توجيه المستقيم (OM) (5) M

. (C<sub>f</sub>) فاصلتها x يؤول إلى 0 عن اليمين.

. (C<sub>f</sub>) (Δ) (6)

(7) أ) بين أن معادلة المماس للمنحنى (C<sub>f</sub>) عند النقطة التي فاصلتها α هي  $y = x - \alpha^2 + \alpha$

.  $x^2 - x(1 + \ln x) - m = 0$  : ب) نقش بياني وحسب قيم الوسيط الحقيقي m

### التمرين الأول :

تبهـ □ المعادلة التالية:  $(z + \sqrt{3} - 3i)(z^2 - 6z + 12) = 0$  . (1)

- (2) ينبع المستوي المركب إلى معلم متعمد ومتجانس  $(\vec{O}; \vec{i}; \vec{j})$ .  
 $C \quad B \quad A$  .  
 $\cdot z_C = -\sqrt{3} + 3i \quad z_B = 3 - i\sqrt{3} \quad z_A = 3 + i\sqrt{3}$   
 $z_C \quad z_A$  على الشكل المثلثي ثم استنتج طبيعة المثلث  $OAC$  . ( )

ب) احسب قيمة العدد المركب :  
 $\cdot \left( \frac{z_A}{2\sqrt{3}} \right)^{1432} + \left( \frac{z_B}{2\sqrt{3}} \right)^{1432}$

(3) بين أن المستقيمين  $(AD)$   $(BC)$  هي نظيره النقطة  $C$

(4) عين نسبة وزاوية التشابه  $S$  .  
 $C \quad A \quad E(3 - \sqrt{3}; 0)$  ويحول النقطة

(5) بين أن النقطة  $O \quad E \quad A \quad C$  تنتهي إلى نفس الدائرة يطلب تعينها.

### التمرين الثاني :

نعتبر المتتالية  $(u_n)$   $3u_{n+1} = u_n + 4n + 4 \quad n \geq 3$  : ( )

$u_3 \quad u_2 \quad u_1$  . (1)

(2) أ) برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n > 0$  .  
 $u_n$

ب) استنتاج أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n \geq 1$  .  
 $u_n > \frac{4}{3}n$

ج) استنتاج نهاية المتتالية  $(u_n)$ .

(3) نعرف المتتالية  $(v_n)$  بـ: من أجل كل عدد طبيعي  $n$  .  
 $v_n = u_n - 2n + 1$

أ) برهن أن المتتالية  $(v_n)$  متالية هندسية يطلب تعين أساسها وحدتها الأولى.

ب) استنتاج أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  .  
 $u_n = 4\left(\frac{1}{3}\right)^n + 2n - 1$

$S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$ :  $S_n$  المعرف من أجل كل عدد طبيعي  $n$  . ( )

(يمكن ملاحظة أن  $(u_n)$  هي عبارة عن مجموع متاليتين إحداثيا  $(v_n)$  .)

(4) نعتبر المتتالية  $(w_n)$  :  $w_0 = -1$  و من أجل كل عدد طبيعي غير معروف  $n$  .  
 $nw_n = (n+1)w_{n-1} + 3$

ما تتخمينك حول طبيعة هذه المتتالية؟  $w_1 \quad w_2 \quad w_3 \quad w_4$  .

برهن على طبيعة المتتالية  $(w_n)$  .  
 $w_{1006}$

### التمرين الثالث :

ينبع الف

$(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

من بين الأجوبة المقترحة توجد إجابة صحيحة واحدة. اختر الإجابة الصحيحة

$D(0; 4; -1) \quad C(6; -2; -1) \quad B(6; 1; 5) \quad A(3; -2; 2)$

أ) قائم ومتوازي الساقين  $ABC$  : (1)

ب) قائم في  $B$

(2)  $x + y + z - 3 = 0$  (P) الذي معادلته

.) يعادم المستقيم  $(AB)$  ويمر بالنقطة  $C$ . ( ) يعادم المستقيم  $(AB)$  ويمر بالنقطة  $A$ . ج) يوازي  $(AB)$  .

(3)  $P$  العمودي على المستقيم  $(AC)$  ويمر بالنقطة  $A$  هي:

$2x - 2z = 2$  ( )  $x - z + 1 = 0$  ( )  $x + z - 5 = 0$  ( )

(4) التمثيل الوسيطي للمستقيم ( $\Delta$ ) هو:  $(P)$

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 2 - 2t \\ z = t \end{cases}, t \in \mathbb{R} \quad (\Rightarrow)$$

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2 - 2t \\ z = -t \end{cases}, t \in \mathbb{R} \quad (\Leftarrow)$$

$$\begin{cases} x = 3 + 2t \\ y = 3 + t \\ z = t \end{cases}, t \in \mathbb{R} \quad (\Downarrow)$$

(5) قيم ( $AD$ ) هي

$(BCD)$

$(ABD)$

$.(ABC)$

(6)  $ABCD$  هو

$27uv$

$81uv$

$.54uv$

(7) الزاوية الهندسية  $BDC$  قيسها

$$\frac{f}{4}$$

$$\frac{f}{3}$$

$$\cdot \frac{3f}{4}$$

$(BDC)$

(8) المسافة بين النقطة  $A$

$$3\sqrt{3}$$

$$\sqrt{6}$$

$$\cdot 3$$

التمرين الرابع :

$$g(x) = e^{x-2} + 1 - x : \quad \text{---} \quad g \quad \text{-I}$$

(1) بين أن  $g'(x)$  على

(2) عين اتجاه نغير الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها (النهايات غير مطلوبة)

(3)  $g(x)$

$$f(x) = x - 1 + \frac{x}{e^{x-2}} : \quad \text{---} \quad f \quad \text{-II}$$

$$(O; \vec{i}; \vec{j})$$

$$\cdot \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) \quad (1)$$

$$\cdot (C_f) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - (x - 1)] \quad (2)$$

$$f'(x) = \frac{g(x)}{e^{x-2}} \quad \text{---} \quad f \quad (2)$$

(3) استنتاج اتجاه تغير الدالة  $f$  يبراتها وأن النقطة التي فاصلتها 2

(4) بين أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل مماسا ( $\Delta$ ) معامل توجيهه 1، يطلب تعبيين معادلته.

(5) بين أن المعادلة  $0 = f(x)$  تقبل حلًا وحيدا  $\alpha$

(6)  $(C_f) (\Delta)$

$$(1) \dots \frac{x}{e^{x-2}} = m + 1 : \quad m \quad \text{---} \quad (7)$$

(ب) بين أنه إذا كانت المعادلة (1) تقبل حلين  $s$

$$(C_h) \quad h(x) = (x - 1)(1 + e^{3-x}) : \quad h \quad (8)$$

(أ) بين أن  $+1$  ثم استنتاج كيفية إنشاء  $(C_h)$

(6)  $(C_h)$