

تصحيح الموضوع الثاني

التمرين الاول

(1) تعين الحدود $u_0 = 100000$ و $u_1 = 109000$ و $u_2 = 118450$

(2) بتطبيق الوسط الحسابي نجد ان $u_1 \neq u_0 + u_2$ فالمتتالية ليست حسابية

بتطبيق الوسط الهندسي نجد ان $u_1 \neq u_0 \times u_2$ فالمتتالية ليست هندسية

(3) لدينا $u_{n+1} = 1,05u_n + 4000$ ومنه $u_{n+1} = u_n + \frac{5}{100}u_n + 4000$

(4) اثبات ان (V_n) متتالية هندسية

لدينا $v_{n+1} = u_{n+1} + 80000$ بالتعويض نجد $v_{n+1} = 1,05u_n + 4000 + 80000$

$v_{n+1} = 1,05v_n$ ومنه $v_{n+1} = 1,05v_n + 84000$

ومنه متتالية هندسية (V_n) اساسها $q = 1,05$

(5) عبارة الحد العام V_n بدلالة n

من اجل كل عدد طبيعي $V_n = 180000(1,05)^n$

استنتاج انه من اجل كل عدد طبيعي $U_n = 180000 \times 1,05^n - 80000$

لدينا $V_n = U_n + 80000$ ومنه $U_n = v_n - 80000$ اي $U_n = 180000 \times 1,05^n - 80000$

التمرين الثاني

$$p(\bar{T}) = 1 - P(T) = \frac{4}{7} \quad (3) \quad p_V(G) = \frac{2}{11} \quad (2) \quad p(V) = \frac{11}{35} \quad (1)$$

التمرين الثالث

$$p(x) = (x-1)(x^2 + 3x + 2) \quad (2) \quad p(1) = 0 \quad (1)$$

(3) حلول المعادلة $s = \{-2; -1; 1\}$

$$s = \{e^{-2}; e^{-1}; e\} \quad (4)$$

$$s = \{0\} \quad (5)$$

$$s = \{10^{-2}; 10^{-1}; 10\} \quad (6)$$

التمرين الرابع

دراسة التغيرات $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 2$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = -\infty$

ب) الدالة قابلة للاشتقاق $g'(x) = (1-2x)e^x$

-الدالة متزايدة على المجال $]-\infty, \frac{1}{2}]$

الدالة متناقصة على المجال $[\frac{1}{2}; +\infty[$

(2) مبرهنة القيم المتوسطة

(3) اشارة

x	$+\infty$ α $-\infty$
$g(x)$	$+$ $-$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1 \text{ و } \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty \quad .8$$

$$f'(x) = \frac{2 \times g(x)}{(1+e^x)^2} \text{ اشارتها من نفس اشارة } g(x) \quad .9$$

.10 -الدالة متزايدة على المجال $]-\infty, \alpha]$ و الدالة متناقصة على المجال $[\alpha; +\infty[$

.11 .باستعمال مبرهنة القيم المتوسطة نتحصل على $f(\alpha) = 4\alpha - 5$

$$1.72 < f(\alpha) < 1.76 \text{ الحصر}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (4x - 1)] = 0 \text{ اثبات المائل (5)}$$