

التمرين الأول			
العلامة	التبرير المقترح	الإجابة	السؤال
1 ; 5	$\frac{1}{4} + \frac{3}{4} = 1 = 2 \left(\frac{1}{2}\right)$ الوسط الحسابي	a	1
1 ; 5	$u_n = 2017$ معناه: $2n-3=2017$ أي $2n = 2020$ إذن $n=1010$	b	2
1 ; 5	$v_n = v_0 q^n = 2 \left(-\frac{3}{2}\right)^n$	b	3
1 ; 5	$S = 100a$	c	4
التمرين الثاني			
1	باقي قسمة 100 على 3 هو 1 لأن $100 = 33(3)+1$		1
1	لدينا: $10 \equiv 1[3]$ إذن $10^n \equiv 1^n[3]$ أي: $10^n \equiv 1[3]$ ومنه $10^n - 1 \equiv 0[3]$		2
1	$a^7 \equiv 1[3]$ ومنه $4a^7 \equiv 4[3]$ إذن: $4a^7 - 6 \equiv 4 - 6[3]$ أي $4a^7 - 6 \equiv -2[3]$ وبالتالي $4a^7 - 6 \equiv 1[3]$ يعني أن باقي قسمة $4a^7 - 6$ على 3 هو 1		3
1 ; 5	لدينا: $10^n \equiv 1[3]$ إذن: $10^{2017} \equiv 1^{2017}[3]$ وكذلك: $10^{1438} \equiv 1^{1438}[3]$ ، إذن: $10^{2017} \equiv 7[3]$ و $10^{1438} \equiv 5[3]$ $10^{1438} + 10^{2017} \equiv 5[3] + 7[3] = 12[3]$ وبما أن 12 مضاعف ل 3 فإن العدد $10^{1438} + 10^{2017} \equiv 3[3]$ مضاعف للعدد 3		4
1 ; 5	يكون العددان متوافقان بتريديد 3 عندما يكون لهما نفس باقي القسمة على 3، بما أن $10^n \equiv 1[3]$ إذن $n-2 \equiv 1[3]$ أي: $n \equiv 0[3]$ وبالتالي القيم الممكنة ل n هي $n=3k$ ; $k \in \mathbb{Z}$		5

التمرين الثالث																		
1	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} -x^3 = -\infty$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} -x^3 = +\infty$	1															
0 ; 5	$f'(x) = -3x^2 - 6x = -3x(x+2)$		2															
1 ; 5	إشارة المشتقة: $f'(x) = 0$ يعني $x=0$ أو $x=-2$		3															
	<table border="1" style="width: 100%; text-align: center;"> <tr> <td>x</td> <td><math>-\infty</math></td> <td>-2</td> <td>0</td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>f'(x)</math></td> <td></td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td><math>f(x)</math></td> <td><math>+\infty</math></td> <td></td> <td>4</td> <td><math>-\infty</math></td> </tr> </table>		x	$-\infty$	-2	0	$+\infty$	$f'(x)$		-	0	+	$f(x)$	$+\infty$		4	$-\infty$	
x	$-\infty$	-2	0	$+\infty$														
$f'(x)$		-	0	+														
$f(x)$	$+\infty$		4	$-\infty$														
1	احداثيات نقطة الانعطاف: $f''(x) = 0$ و $f''$ تغير إشارتها يعني نقطة الانعطاف: $A(-1 ; 2)$		4															
1	معادلة المماس: $y = f'(x_0)(x-x_0) + f(x_0)$ نجد: $y = 3x + 5$ ( $\Delta$ )		5															
0 ; 5	$(x+2)^2(1-x) = (x^2+4x+4)(1-x) = x^2+4x+4-x^3-4x^2-4x = -x^3-3x^2+4 = f(x)$		6															
1	نقط التقاطع مع محور الفواصل: نحل المعادلة $f(x)=0$ نجد $x=-2$ أو $x=1$ إذن النقطتان: $B(1 ; 0)$ ; $C(-2 ; 0)$																	
0 ; 5	نقط التقاطع مع محور الترتيب: نحسب $f(0)$ نجد النقطة $D(0 ; 4)$																	
1	الرسم		7															

التمرين الأول																			
العلامة	السؤال	الجواب	التبرير																
1	1	خطأ	$2017-1438 = 579$ وهذا العدد لا يقبل القسمة على 6																
1	2		$a \equiv -4[5]$ يعني $a \equiv 1[5]$ إذن: $a^{704} \equiv 1[5]$ ومنه $a^{704} \equiv 1[5]$																
1	3	صحيح	$a \equiv 2[7]$ و $b \equiv -1[7]$ فإن $2b \equiv -2[7]$ ومنه $a + 2b \equiv 0[7]$ فالعدد $a+2b$ مضاعف للعدد 7																
1	4	خطأ	$126 = 2 * 3^2 * 7$ . عدد القواسم الصحيحة الموجبة هو $(2)(3)(2)=12$ ، أي قاسم صحيح																
1	5	خطأ	$P(\bar{A}) = 1 - P(A) = 1 - \frac{3}{4} = \frac{1}{4}$																
1	6	خطأ	مجموعة النتائج الممكنة: $\{6; 5; 4; 3; 2; 1\}$ إذا اعتبرنا الحادثة A: ظهور عدد فردي: $P(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$ فإن $A = \{1; 3; 5\}$																
التمرين الثاني																			
1 ; 5	1		$v_0 = 7500$ و $v_1 = v_0 + 0,02v_0 = 7500 + 0,02(7500) = 7650$ $v_2 = v_1 + 0,02v_1 = 7650 + 0,02(7650) = 7803$																
1	2		$v_{n+1} = v_n + 0,02v_n = v_n(1+0,02) = (1,02)v_n$																
0 ; 5	3		$v_{n+1} = 1,02v_n$ من أجل كل عدد طبيعي n فالمتتالية هندسية أساسها 1,02																
1 ; 5	4		$v_n = v_0(1,02)^n = 7500(1,02)^n$																
1 ; 5	5		عدد السكان المتوقع سنة 2020 : نحسب الدليل n السنة : $n = 2020 - 2005 = 15$ $u_{15} = 7500(1,02)^{15} = 10094$																
التمرين الثالث																			
1	1		$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = +\infty$ $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = -\infty$																
1	2		معادلات المستقيمات المقاربة: $x = 1$ ، $y = 2$																
1	3		اتجاه تغير الدالة f : متزايدة تماما على $]-\infty; 1[$ وعلى $]1; +\infty[$																
			<table border="1" style="width: 100%; text-align: center;"> <tr> <td style="width: 20%;"></td> <td style="width: 20%;"><math>-\infty</math></td> <td style="width: 20%;"><math>1</math></td> <td style="width: 20%;"><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>x</math></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>f(x)</math></td> <td></td> <td style="text-align: center;"><math>+\infty</math></td> <td style="text-align: center;"><math>2</math></td> </tr> <tr> <td></td> <td style="text-align: center;"><math>2</math></td> <td style="text-align: center;"><math>-\infty</math></td> <td></td> </tr> </table>		$-\infty$	$1$	$+\infty$	$x$				$f(x)$		$+\infty$	$2$		$2$	$-\infty$	
	$-\infty$	$1$	$+\infty$																
$x$																			
$f(x)$		$+\infty$	$2$																
	$2$	$-\infty$																	
1	4		حلول المعادلة $f(x) = 3$ هي $\{0\}$ . حلول المعادلة $f(x) = 1$ هي $\{2\}$																
1	5		حلول المتراجحة $f(x) > 3$ هي $]0; 1[$																
1	6		$2 - \frac{1}{x-1} = \frac{2(x-1)-1}{x-1} = \frac{2x-2-1}{x-1} = \frac{2x-3}{x-1} = f(x)$																
1	7		$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = +\infty$ $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = -\infty$																
1	8																		

إثبات وجود المماسين: نحل المعادلة  $f'(x) = 1$  أي  $\frac{1}{(x-1)^2} = 1$  نجد  $(x-1)^2=1$   
 $x^2-2x=0$  أي  $x(x-2) = 0$  وبالتالي  $x=0$  أو  $x=2$

الرسم

