

على المتر شح أن يختار أحد الموضوعين التاليين :

الموضوع الأول :

التمرين الأول (06 نقاط):

1. عيّن بواقي القسمة للعدد  $2^n$  على 5 من أجل العدد الطبيعي  $n$  حيث  $n \in \{1;2;3,4\}$
2. بيّن أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  فإن :  $2^{4n} \equiv 1[5]$
3. استنتج بواقي القسمة للأعداد  $2^{4n+1}$  ;  $2^{4n+2}$  ;  $2^{4n+3}$  على 5.
4. عيّن باقي قسمة كل من  $2^{1436}$  و  $2^{2015}$  على 5.
5. تحقق أن :  $2017 \equiv 2[5]$  ثم استنتج باقي قسمة  $2017^{2014}$  على 5.

التمرين الثاني (06 نقاط):

$$\begin{cases} u_0 = 5 \\ u_{n+1} = 3u_n + 1 \end{cases} (u_n) \text{ متتالية عددية معرفة كمايلي:}$$

1. احسب كلا من  $u_3, u_2, u_1$ .
2. نضع  $v_n = u_n + \frac{1}{2}$  من أجل كل  $n$  من  $\mathbb{N}$ .
- برهن أن  $(v_n)$  متتالية هندسية يطلب تعيين الأساس و الحد الأول.
- عين عبارة الحد العام  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج عبارة  $u_n$ .
3. احسب المجموع  $S_n$  بحيث :  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$  ثم استنتج المجموع  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ .

التمرين الثالث (08 نقاط): لتكن  $f$  الدالة المعرفة على  $\left]-\frac{1}{2}; \frac{1}{2}\right[$  كما يلي :  $f(x) = \frac{3+2x}{1-2x}$  ،

- و  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس  $(o; \vec{i}; \vec{j})$ .
- (1) أدرس تغيرات الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.
- (2) استنتج المستقيمات المقاربة للمنحني  $(C_f)$ .
- (3) عين إحداثيات نقط تقاطع المنحني  $(C)$  مع محوري الإحداثيات.
- (4) أكتب معادلة للمماس  $(\Delta)$  للمنحني  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة  $x_0 = 0$ .
- (5) أرسم المماس  $(\Delta)$  و المنحني  $(C_f)$ .

## الموضوع الثاني:

### التمرين الأول ( 06 نقاط ):

$(U_n)$  متتالية هندسية حدودها موجبة معرفة على  $N$  حيث :  $U_6 = 448$  و  $U_3 \times U_5 = 12544$

- (1) أحسب الحد  $U_4$  ثم الأساس  $q$  لهذه المتتالية .
- (2) أحسب الحد الأول  $U_0$  لهذه المتتالية .
- \* نضع :  $U_0 = 7$  و  $q = 2$
- (3) أكتب عبارة  $U_n$  بدلالة  $n$  .
- (4) بين أن 896 هو حد من حدود المتتالية  $(U_n)$  وحدد رتبته .
- (5) أحسب المجموع :  $S = U_6 + U_7 + \dots + U_n$

### التمرين الثاني : (06 نقاط)

$a$  ,  $b$  و  $c$  أعداد صحيحة بحيث باقي القسمة الإقليدية للعدد  $a$  على 7 هو 3 , باقي القسمة الإقليدية للعدد  $b$  على 7 هو 4 وباقي القسمة الإقليدية للعدد  $c$  على 7 هو 6 .

(1) عين باقي القسمة الإقليدية على 7 لكل من العددين :  $a \times b$  ,  $a^2 - b^2$  .

(2) / أثبت أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $c^{2n} \equiv 1[7]$  .

ب/ تحقق أن  $2015 \equiv 6[7]$  ثم استنتج باقي القسمة الإقليدية لكل من العددين :

$2015^{2014}$  و  $2015^{2015}$  على 7 .

### التمرين الثالث : (08 نقاط)

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $R$  بـ :  $f(x) = -x^3 + 3x - 2$  ,  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المزود بمعلم

متعامد ومتجانس  $(o; \vec{i}; \vec{j})$  .

(1) أ) أحسب نهايتي الدالة  $f$  عند  $+\infty$  و  $-\infty$  .

ب) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  واستنتج جدول تغيراتها .

(2) أثبت أنه من أجل  $x$  من  $R$  :  $f(x) = -(x-1)^2(x+2)$

(3) برهن أن النقطة  $A$  من المنحني التي فاصلتها  $x = 0$  هي نقطة انعطاف للمنحني  $(C_f)$  .

(4) تحقق من أن النقطة  $B$  التي إحداثيتها  $(2; -4)$  هي نقطة من المنحني  $(C_f)$  ثم أوجد معادلة للمماس

$(\Delta)$  للمنحني  $(C_f)$  عندها .

(5) أنشئ  $(C_f)$  و  $(\Delta)$  في المعلم  $(o; \vec{i}; \vec{j})$  .