

## شعبة آداب وفلسفة

## اختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

## التمرين الأول: ( 06 نقاط)

$a, b, c$  أعداد صحيحة حيث باقي القسمة الإقليدية للعدد  $a$  على 7 هو 3 ، باقي القسمة الإقليدية للعدد  $b$  على 7 هو 4 وباقي القسمة الإقليدية للعدد  $c$  على 7 هو 6.

1- عين باقي القسمة الإقليدية على 7 لكل من الأعداد:  $a \times b, 2a - b, a^2 - b^2$ .

2- أثبت أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $c^{2n} \equiv 1[7]$ .

## التمرين الثاني: ( 06 نقاط)

1. عين حسب قيم العدد الطبيعي  $n$  باقي قسمة العدد  $2^n$  على العدد 5 .

2. استنتج باقي قسمة العدد الطبيعي  $51^{1436} - 2014^{1436}$  على 5.

3. بين أنه من كل قيم العدد الطبيعي فان:  $1 - 2^{4n+2} + 22^{4n+3} - 2^{4n+1}$  يقبل القسمة على العدد 5 .

## التمرين الثالث: (08 نقاط)

(1)  $(u_n)$  متتالية عددية معرفة على  $N$  كمايلي:  $u_n = -3n + 4$ .

(أ) احسب  $u_0, u_1, u_2$ .

(ب) أثبت أن  $(u_n)$  متتالية حسابية بطلب تعيين أساسها  $r$  ثم حدد اتجاه تغيرها .

(ج) نضع:  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$  احسب  $S_n$  بدلالة  $n$ .

(2)  $(v_n)$  متتالية هندسية معرفة على  $N$  وأساسها موجب حيث:  $v_2 = 12, v_4 = 48$ .

(أ) عين الأساس  $q$  للمتتالية  $(v_n)$  وحدها الأول  $v_0$ .

(ب) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $v_n = 3 \times 2^n$ .

(ج) نضع:  $S'_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$  احسب  $S'_n$  بدلالة  $n$ .

(د) عين العدد الطبيعي  $n$  بحيث يكون:  $S'_n = 93$ .