

## اختبار الفصل الثالث

## التبرير الأول

كله أجب بصح أو خطأ مع التبرير:

1. إذا كان  $\vec{AI} = \frac{1}{3}\vec{AD}$  فإن نسبة التحاكي  $h$  الذي مركزه  $I$  ويحول  $A$  إلى  $D$  هي  $k = 2$ .
2. إذا كان  $3\vec{BC} = \vec{AC}$  فإن صورة  $B$  بالتحاكي  $h$  الذي مركزه  $C$  ونسبته 3 هي  $A$ .
3.  $h$  تحاكي يرفق بكل نقطة  $M(x; y)$  النقطة  $M'(x'; y')$  حيث:  $\begin{cases} x' = -2x + 3 \\ y' = -2y + 6 \end{cases}$ ، إحداثيات النقطة الصامدة هي  $\Omega(-1; 3)$ .

## التبرير الثاني

في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  نعتبر النقطتين  $A(2; 2)$ ،  $B(3; 0)$  والمستقيم  $(T): y = x - 2$

1. أكتب معادلة ديكارتية للمستقيم  $(\Delta)$  محور القطعة  $[OA]$ .

2. أكتب معادلة ديكارتية للدائرة  $(C)$  التي قطرها  $[OA]$ .

3. بين أن المستقيم  $(T)$  مماس للدائرة  $(C)$  ثم حدد إحداثيات نقطة التماس  $E$ .

4. بين أن النقطة  $B$  تقع خارج الدائرة  $(C)$ .

5. بين أن  $\vec{OA} \cdot \vec{OB} = 6$  ثم استنتج قياسا للزاوية  $\hat{AOB}$ .

6. أحسب مساحة المثلث  $AOB$ .

7. عين مجموعة النقط  $M$  التي تحقق:  $MO^2 + MA^2 = 8$ .

## التبرير الثالث

1.  $(u_n)$  المتتالية العددية المعرفة بـ:  $u_0 = 2$  و من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $u_{n+1} = \frac{7u_n}{1 + 2u_n}$

أ- أحسب  $u_1$  و  $u_2$ .

ب- بين أن:  $u_{n+1} - u_n = \frac{2u_n(3 - u_n)}{1 + 2u_n}$  ثم استنتج اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$  إذا علمت أن  $0 < u_n < 3$ .

2. لتكن المتتالية  $(v_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  بـ:  $v_n = \frac{u_n}{3 - u_n}$

أ- بين أن  $(v_n)$  متتالية هندسية أساسها  $q = 7$ .

ب- أكتب  $v_n$  بدلالة  $n$ .

ج- أحسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} (v_n)$ ، ماذا تستنتج؟

3. أحسب المجموع  $S_n$  حيث:  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_{n+1}$