

التصحيح

1-أ-كتابة لمعادلة التفاضلية للتيار المارة في الدارة

$$u_l(t) + u_R(t) = E \Rightarrow L \frac{di(t)}{dt} + ri(t) + u_R(t) = E \Rightarrow L \frac{di(t)}{dt} + ri(t) + Ri(t) = E$$

$$\frac{di(t)}{dt} + \left(\frac{R+r}{L} \right) i(t) = \frac{E}{L} : \text{بالقسمة على } L \text{ نجد } L \frac{di(t)}{dt} + (R+r)i(t) = E$$

1-ب-- بيان أن $i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$ هو حل للمعادلة التفاضلية

$$\frac{di(t)}{dt} + \left(\frac{r+R}{L} \right) i(t) - \frac{E}{L} = 0$$

$$i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) = \frac{E}{r+R} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

$$\frac{di(t)}{dt} = \frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{r+R}{L} \times \frac{E}{r+R} e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow \frac{di(t)}{dt} = \frac{E}{L} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$\frac{E}{L} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{E}{L} - \frac{E}{L} e^{-\frac{t}{\tau}} - \frac{E}{L} = 0$$

1-ج-بيان أن : $\ln(I_0 - i) = -\frac{1}{\tau}t + \ln I_0$

$$i(t) = I_0 - I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow I_0 - i = I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow \ln(I_0 - i) = \ln \left(I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \Rightarrow \ln(I_0 - i) = -\frac{1}{\tau}t + \ln I_0$$

2- إيجاد بيانيا قيمة :

أ- ثابت الزمن τ المعادلة الرياضية للبيان $\ln(I_0 - i) = -50,55t + 0,182$

وبالمطابقة بين العلاقة النظرية والعلاقة البيانية نجد : $\tau = 0,019 \text{ s}$

ب- التيار الأعظمي I_0 وبالمطابقة بين العلاقة النظرية والعلاقة البيانية نجد $I_0 = 1,19 \text{ A}$

ج- المقاومة الداخلية r $r = 5 \Omega$

د- ذاتية الوشعة L $L = 0,19 \text{ H}$

II- التجربة الثانية : إيجاد سعة مكثفة C (الدارة RC)

أ- بيان أن $E_d(t) = E_{C \max} - \frac{1}{2} C u_C^2$ $E_d(t) = E_{C \max} - \frac{1}{2} C u_C^2$

ب- كتابة المعادلة الرياضية للبيان $E_d(t) = -2,77 \times 10^{-5} u_C^2 + 4 \times 10^{-3}$

ج- إيجاد قيمة E $E = 12 \text{ V}$

د- إيجاد سعة المكثفة C بطريقتين مختلفتين .

ط 1 : بالمطابقة بين العلاقة النظرية والعلاقة البيانية نجد $C = 5,54 \times 10^{-5} \text{ F}$

ط 2 : $E_{C \max} = \frac{1}{2} C E^2 \Rightarrow C = \frac{2 E_{C \max}}{E^2} = \frac{2 \times 4 \times 10^{-3}}{144} \Rightarrow C = 5,54 \times 10^{-5} \text{ F}$

د- يكون التوتربين طرفي المكثفة 40% عندما يتحول من طاقتها

$u_C^2 = 86,4 \Rightarrow u_C = 9,29 \text{ V}$ نجد $0,4 E_{C \max} = 1,6 \text{ mJ}$ وبالإسقاط على محور الفواصل نجد

