

## اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول :

الفضاء منسوب الى معلم متعامد و متجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ .

نعتبر النقط  $A(1; -1; 4)$  ،  $B(7; -1; -2)$  ،  $C(1; 5; -2)$  .

(1 أ) أحسب المركبات السلمية للأشعة  $\overline{AB}$  ،  $\overline{AC}$  و  $\overline{BC}$ .

(ب) برهن أن المثلث  $ABC$  متقايس الأضلاع.

(ج) برهن أن الشعاع  $\vec{n}(1; 1; 1)$  هو شعاع ناظمي للمستوي  $(ABC)$ .

(د) أستنتج أن معادلة المستوي  $(ABC)$  هي :  $x + y + z - 4 = 0$  .

$$(2) \text{ ليكن } (D) \text{ المستقيم المعرف بالتمثيل الوسيطى } \begin{cases} x = -2t \\ y = -2t - 2 \\ z = -2t - 3 \end{cases}, t \in \mathbb{R}$$

(أ) أثبت أن المسقيم  $(D)$  عمودي على المستوي  $(ABC)$

(ب) برهن أن إحداثيي النقطة  $G$  ، نقطة تقاطع المستقيم  $(D)$  و المستوي  $(ABC)$  هما :  $(3; 1; 0)$  .

(ج) أثبت أن النقطة  $G$  هي مرجح الجملة  $\{(A,1), (B,1), (C,1)\}$  .

(3) ليكن  $S$  سطح الكرة ذات المركز  $G$  و تشمل النقطة  $A$  .

(أ) أكتب المعادلة الديكارتية لسطح الكرة  $S$

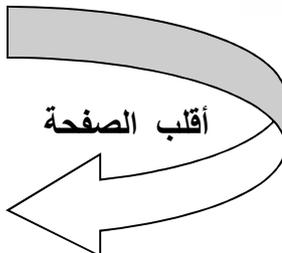
(ب) عين إحداثيي  $E$  ،  $F$  نقطتي تقاطع المستقيم  $(D)$  و  $S$  .

التمرين الثاني :

(1) نعتبر كثير الحدود  $P(z)$  للمتغير المركب المعرف كمايلي :  $P(z) = z^3 + 2z^2 - 16$

(أ) أحسب  $P(2)$  ثم جد كثير الحدود  $Q(z)$  بحيث يكون من أجل كل عدد مركب  $z$  :  $P(z) = (z-2) \times Q(z)$

(ب) حل في مجموعة الأعداد المركبة  $\mathbb{C}$  المعادلة :  $P(z) = 0$



(II) المستوي المركب منسوب الى معلم متعامد و متجانس  $(O; \vec{u}; \vec{v})$ .

(1) علم النقط  $A$  ،  $B$  و  $C$  :ات اللواحق  $z_A = -2 - 2i$  ،  $z_B = 2$  ،  $z_D = -2 + 2i$  على الترتيب.

(2) أحسب اللاحقة  $z_C$  للنقطة  $C$  بحيث يكون الرباعي  $ABCD$  متوازي أضلاع ثم علم النقطة  $C$ .

(3) لتكن النقطة  $E$  صورة النقطة  $C$  بالدوران الذي مركزه  $B$  و زاويته  $-\frac{f}{2}$  و النقطة  $F$  صورة النقطة  $C$  بالدوران الذي

مركزه  $D$  و زاويته  $\frac{f}{2}$ . عين  $z_E$  ،  $z_F$  لاحتتي النقطتين  $E$  و  $F$  على الترتيب ثم أنشئ  $E$  و  $F$ .

(4) أتحقق أن :  $\frac{z_F - z_A}{z_E - z_A} = i$  ، (ب) أستنتج طبيعة المثلث  $AEF$

(5) لتكن النقطة  $I$  منتصف القطعة  $[EF]$  ، عين صورة المثلث  $EBA$  بالدوران الذي مركزه  $I$  و زاويته  $-\frac{f}{2}$ .

التمرين الثالث :

لتكن  $f$  الدالة المعرفة على المجال  $]2, +\infty[$  كما يلي :  $f(x) = \frac{1}{2}x - 5 + 3\ln(x-1) - 3\ln(x-2)$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

(1) أأحسب  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$  ، ثم فسر النتيجة هندسيا.

(ب) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من المجال  $]2, +\infty[$  ،  $f(x) = \frac{1}{2}x - 5 + 3\ln\left(\frac{x-1}{x-2}\right)$  ،

(ج) أستنتج  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  .

(2) أأحسب  $f'(x)$  ثم بين أنه من أجل كل  $x$  من المجال  $]2, +\infty[$  :  $f'(x) = \frac{x^2 - 3x - 4}{2(x-1)(x-2)}$

استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ، ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) بين أن المستقيم  $(\Delta)$  الي معادلة له :  $y = \frac{1}{2}x - 5$  هو مستقيم مقارب مائل للمنحني  $(C_f)$  بجوار  $+\infty$  .

(5) بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلين  $\alpha$  و  $\beta$  حيث :  $2.3 \leq \alpha \leq 2.4$  و  $9.2 \leq \beta \leq 9.3$  .

(6) أنشئ المستقيم  $(\Delta)$  و المنحني  $(C_f)$