

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين

الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط) -----

- اختر الإجابة الصحيحة مع التبرير :

الرقم	السؤال	الإجابة (أ)	الإجابة (ب)	الإجابة (ج)
01	مجموعة حلول المعادلة $\ln(1-x) = 3$ هي :	$S = \{-1, \ln 2\}$	$S = \{e^3 - 1\}$	$S = \{1 - e^3\}$
02	f دالة معرفة على \square بـ : $f(x) = 3x^2 - 2x$ - القيمة المتوسطة m للدالة f على المجال $[1, 2]$ هي :	$m = 0$	$m = 4$	$m = -4$
03	f دالة معرفة على $D = [0, 3]$ ، حيث : من أجل كل $x \in D$: $x^2 - 1 \leq f(x) \leq x^2$ ليكن التكامل : $A = \int_0^3 f(x) dx$	$6 \leq A \leq 9$	$-9 \leq A \leq -6$	$3 \leq A \leq 6$
04	تبسيط العبارة : $B = \ln(\sqrt{2} + 1)^{100} + \ln(\sqrt{2} - 1)^{100}$	$B = 1$	$B = 0$	$B = 100$

التمرين الثاني: (03 نقاط) -----

- لتكن الدالة f المعرفة على $\square - \{-2\}$ بـ : $f(x) = x + 1 + \frac{4}{(x+2)^2}$

(C_f) هو تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس (o, \vec{i}, \vec{j}) . (كما هو موضح في الوثيقة المرفقة)

- أحسب مساحة الحيز المستوي المحدد بـ : (C_f) و المستقيم (D) الذي معادلته $y = x + 1$ و المستقيمين الذين معادلتهما : $x = -1$ ، $x = 1$

(المساحة تحدد على الشكل و تعاد مع ورقة الإجابة)



- لتكن المتتالية العددية (U_n) المعرفة على \square بـ : $U_0 = 3$ ، $U_{n+1} = \frac{2}{5}U_n + \frac{6}{5}$

(1)- برهن باستعمال البرهان بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي $n : U_n > 2$

(2)- اثبت أن (U_n) متناقصة تماما على \square .

(3)- هل (U_n) متقاربة ؟ علل إجابتك

(4)- (V_n) متتالية عددية معرفة على \square بـ : $V_n = U_n - 2$.

(أ)- اثبت أن (V_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها و حدها الأول .

(ب)- أكتب عبارة الحد العام V_n بدلالة n ، ثم استنتج عبارة U_n بدلالة n .

(ج)- أحسب بدلالة n المجموع S_n حيث : $S_n = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_n$ ، ثم أحسب : $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n$



- لتكن الدالة f المعرفة على $[1, +\infty[$ بـ : $f(x) = -\frac{1}{2}x + 1 + \ln(x-1)$

(C_f) هو تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس (o, \vec{i}, \vec{j}) .

(1)- أحسب : $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ ، ثم فسر هذه النتيجة هندسيا .

(2)- بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$. (نذكر أن : $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x}$)

(3)- ادرس اتجاه تغير الدالة f ، ثم شكل جدول تغيراتها .

(4)- (أ)- أحسب : $f(2)$

(ب)- بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α على المجال $]4,5; 4,6[$.

(5)- (أ)- أكتب معادلة المماس (Δ) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة $x_0 = 2$.

(ب)- أنشئ (Δ) و (C_f) .

انتهى الموضوع الأول

الموضوع الثاني

التمرين الأول: ☺☺☺ ----- (03 نقاط)

1- حل في \square المعادلة : $x^2 + 3x - 28 = 0$

2- استنتج حلول المعادلة : $(\ln x)^2 + 3\ln x - 28 = 0$ ، ثم المعادلة : $(\log)^2 + 3\log x - 28 = 0$

التمرين الثاني: ☺☺☺ ----- (05 نقاط)

الجدول التالي يعطي نسبة إتلاف المحاصيل الزراعية في قرية ما بين 1990 و 2002.

السنة	1990	1992	1994	1996	1998	2000	2002
رتبة السنة x_i	1	2	3	4	5	6	7
النسبة المئوية y_i	3.5	3.8	4.6	6.5	6.9	7.8	9

1) عين إحداثيات النقطة المتوسطة $G(\bar{x}; \bar{y})$.

2) مثل بيانيا سحابة النقط $(x_i; y_i)$ و كذا النقطة المتوسطة G في معلم متعامد.

3) أ) - أوجد معادلة مستقيم الانحدار بطريقة المربعات الدنيا . (تعطى النتائج مدورة إلى 10^{-3}).

ب-) باستعمال هذا التعديل ، قدر نسبة المحاصيل المتلفة في سنة 2010 .

ج-) في الحقيقة نسبة المحاصيل المتلفة في سنة 2010 هي 13 ، أعط النسبة المئوية للخطأ

المرتكب.

التمرين الثالث: ☺☺☺ ----- (05 نقاط)

(U_n) متتالية معرفة من أجل كل عدد طبيعي n غير معدوم ب : $U_n = 2n + 3$

1- بين أن (U_n) متتالية حسابية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول

2- احسب بدلالة n المجموع : $S_n = U_1 + U_2 + \dots + U_n$

3- نعتبر المتتالية (V_n) المعرفة على \square ب : $V_n = 2^{U_n}$

أ) بين أن المتتالية (V_n) هندسية ، أساسها $q = 4$ و حدها الأول $V_1 = 32$.

ب) اكتب عبارة الحد العام V_n بدلالة n .

ج) احسب بدلالة n الجداء : $P_n = V_1 \times V_2 \times \dots \times V_n$



لتكن الدالة f المعرفة على : $D_f = \mathbb{R} - \{-1\}$: $f(x) = \frac{2x^2 + x + 7}{x + 1}$

و (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس (o, \vec{i}, \vec{j}) .

(1)- أدرس تغيرات الدالة f ، ثم شكل جدول تغيراتها .

(2)- أوجد الأعداد الحقيقية : a, b, c حيث من أجل كل x من D_f : $f(x) = ax + b + \frac{c}{x + 1}$

(3)- عين معادلتى المستقيمين المقاربين لـ (C_f) .

(4)- ليكن (Δ) المستقيم المقارب المائل لـ (C_f) ، أدرس وضعية (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ) .

(5)- عين نقاط تقاطع (C_f) مع المحورين .

(6)- أكتب معادلة المماس (T) للمنحنى عند النقطة ذات الفاصلة : $x_0 = 0$

(7)- بين أن النقطة $W(-1, -3)$ هي مركز تناظر لـ (C_f)

(8)- أنشئ (C_f)

(9)- أحسب مساحة الحيز المستوي المحدد بـ : (C_f) و المستقيم (Δ) و المستقيمين الذين معادلتهم :

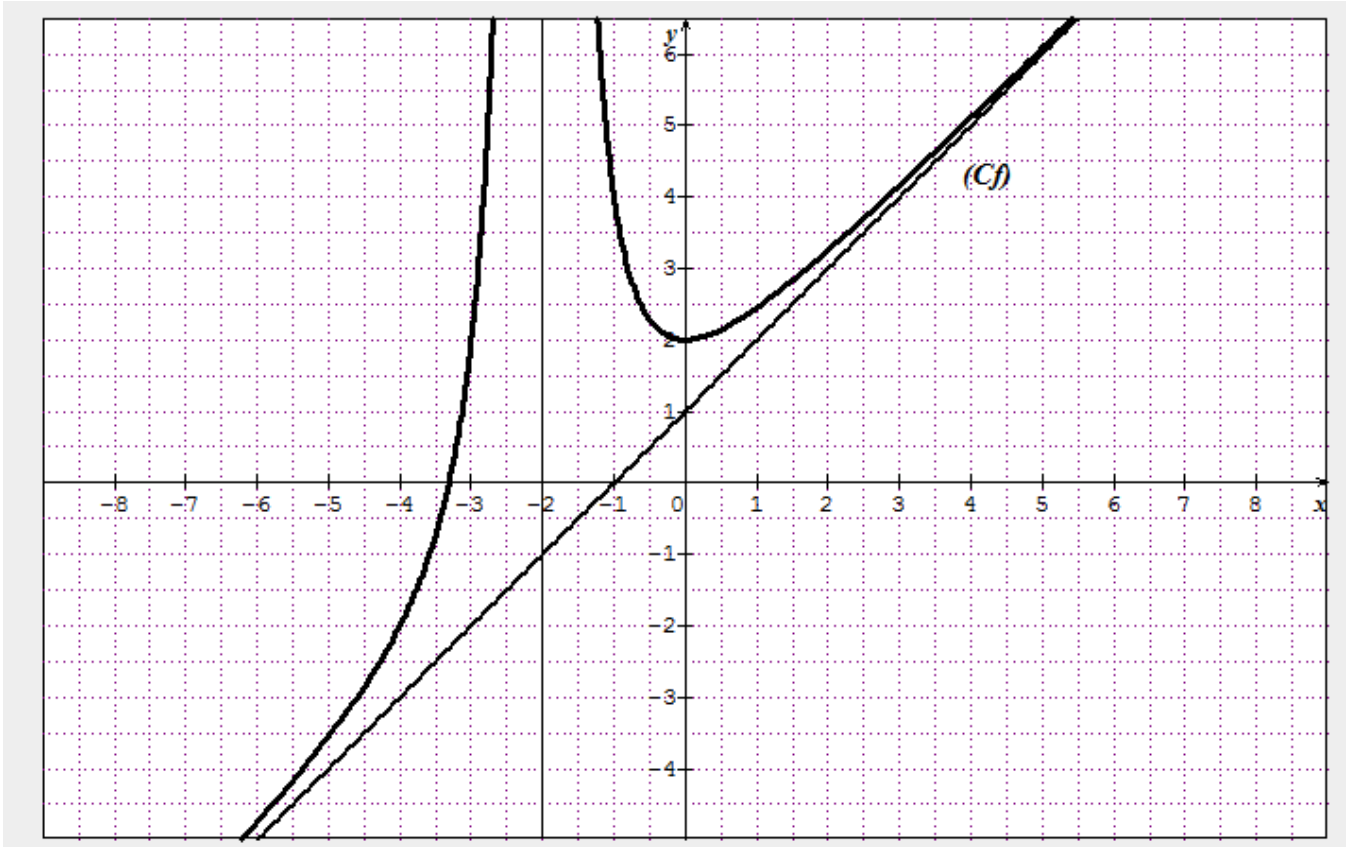
$x = 1$ ، $x = 5$.

بالتوفيق في شهادة بكالوريا 2018

انتهى الموضوع الثاني

الإسم و اللقب :

الوثيقة المرفقة : التمرين الثاني من الموضوع الأول



الإسم و اللقب :

الوثيقة المرفقة : التمرين الثاني من الموضوع الأول

