

**اختبار الفصل الثاني في الرياضيات**

**التمرين 1 : (5 نقاط)**

نعتبر المتتالية العددية  $(U_n)$  المعرفة بعدها الأول  $U_0 = -1$  و من أجل كل عدد طبيعي  $n$  بالعلاقة :

$$U_{n+1} = 3U_n - 2$$

1. احسب  $U_1$  و  $U_2$ .
2. لتكن  $(V_n)$  متتالية معرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  بالعلاقة :  $V_n = U_n - 1$ .  
 أ. أثبت أن المتتالية  $(V_n)$  هندسية يطلب تعيين أساسها  $q$  وحدها الأول  $V_0$ .  
 ب. اكتب عبارة الحد العام  $V_n$  بدلالة  $n$ .
3. بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $U_{n+1} - U_n = (-4) \times 3^n$  ثم استنتج اتجاه تغير المتتالية  $(U_n)$ .
4. عين العدد الطبيعي  $n$  بحيث يكون :  $U_0 + U_1 + \dots + U_n = n - 79$ .

**التمرين 2 : (9 نقاط)**

لتكن الدالة  $f$  المعرفة بجدول تغيراتها التالي :

$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$	+	0	-	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$	$-6$	$+\infty$	$2$	$+\infty$	$+\infty$

الدالة  $f$  المعرفة على المجال :  $]-\infty, -1[ \cup ]-1, +\infty[$  :  $f(x) = ax + b + \frac{c}{x+1}$  حيث  $a, b, c$  أعداد حقيقية .

1. احسب  $f'(x)$  بدلالة  $a, b, c$ .
2. بالاستعانة بجدول التغيرات بين أن :  $a = 1, b = -1, c = 4$ .
3. اتم النهايات الناقصة في الجدول و استنتج أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل مستقيم مقارب موازي لمحور الترتيب .
4. بين أن المنحنى  $(C_f)$  الممثل للدالة  $f$  يقبل مستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = x - 1$  كمستقيم مقارب مائل عند  $-\infty$  و عند  $+\infty$ .
5. ادرس وضعية المنحنى  $(C_f)$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$ .
6. أثبت أن النقطة  $w(-1, -2)$  مركز تناظر للمنحنى  $(C_f)$ .
7. ارسم المنحنى  $(C_f)$  بدقة.
8.  $m$  عدد حقيقي ، عين بيانيا حسب قيم  $m$  عدد حلول المعادلة  $f(x) = m$ .

**التمرين 3 : (6 نقاط)**

1. تحقق أن :  $(1 + \sqrt{2})^2 = 3 + 2\sqrt{2}$

2. حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة :  $4x^2 + 2(1 - \sqrt{2})x - \sqrt{2} = 0$

استنتج حلول المعادلة في  $\mathbb{R}$  :  $4\cos^2 2x + 2(1 - \sqrt{2})\cos 2x - \sqrt{2} = 0$

ثم على المجال :  $]-\pi, \pi]$  ثم مثل صور الحلول على الدائرة المثلثية

**بالتوفيق للجميع**