

تصحيح اختبار الفصل الثاني فرع مادة الرياضيات

عناصر الإجابة

التمرين الأول:

1- لدينا: $r = 3, V_0 = -1$

2- من أجل كل n من N : $V_n = 3n - 1$

3- المتتالية (V_n) متزايدة تماما على N .

4- $V_0 = 26$ و منه 26 حدا من حدود المتتالية (V_n)

5- $S = \frac{(n+1)(3n-2)}{2}$

التمرين الثاني (04 نقاط):

(1) $u_3 = \frac{65}{8}, u_2 = \frac{19}{4}, u_1 = \frac{5}{2}$

(2) $\alpha = 2, (V_n)$ متتالية هندسية أساسها $q = \frac{3}{2}$ و حداها الأول $V_0 = 3$

(3) ا- من أجل كل n من N : $V_n = 3\left(\frac{3}{2}\right)^n$ و $u_n = 3\left(\frac{3}{2}\right)^n - 2$

ب- من أجل كل n من N : $u_{n+1} - u_n = 3\left(\frac{3}{2}\right)^{n+1}$ و منه (u_n) متزايدة تماما على N .

ج- $V_n = \frac{729}{32}$ و منه $n = 5$ و منه $V_5 = \frac{729}{32}$ رتبته: 6

(4) ا- $S = 6\left[\left(\frac{3}{2}\right)^{n+1} - 1\right] - 2(n+1)$, $S' = 6\left[\left(\frac{3}{2}\right)^{n+1} - 1\right]$

ب- $p = 3^{n+1} \left(\frac{3}{2}\right)^{\frac{n(n+1)}{2}}$

التمرين الثالث:

(1) تغيرات الدالة f : $f'(x) = \frac{x^2 + 4x}{(x+2)^2}$

x	$-\infty$	-4	-2	0	$+\infty$
$f'(x)$	+	○	-	○	+
$f(x)$	$-\infty$	-5	$-\infty$	3	$+\infty$

(2) ا- $c = 4, b = 1, a = 1$

(3) المستقيمات المقاربة: $x = -2$, $y = x + 1$ بحوار $(-\infty)$ و $(+\infty)$

(4) المنحنى (C_f) يقع تحت المستقيم (Δ)

المنحنى (C_f) يقع فوق المستقيم (Δ)

(5) $A(-2, -1)$ مركز تناظر للمنحنى لان: $f(-4-x) + f(x) = -2$

(6) المنحنى (C_f) يقبل مماسين عند النقطتين ذات الفاصلتين 3 و -1

(8) $m \in]-\infty, -5[$ يوجد حلين سالبين.

$m = -5$ يوجد حل مضاعف هو: -4

$m \in]-5, 3[$ لا توجد حلول

$m = 3$ يوجد حل مضاعف معدوم.

$m \in]3, +\infty[$ يوجد حلان مختلفان في الإشارة

(1) ا- $\begin{cases} g(x) = f(x), x \in]-2, +\infty[\\ g(x) = -f(x), x \in]-\infty, -2[\end{cases}$

2- $x \in]-2, +\infty[$ المنحنى (C_g) منطبق على المنحنى (C_f)

2- $x \in]-\infty, -2[$ المنحنى (C_g) نظير الجزء غير المنطبق بالنسبة إلى حامل محور الفواصل.