

التمرين الأول (4 ن):

$$\begin{cases} V_2 + V_3 = 13 \\ 2V_4 - V_5 = 8 \end{cases} \quad (V_n) \text{ متتالية حسابية معرفة على } N \text{ بـ :}$$

(1) احسب الحد الأول V_0 والأساس r .

(2) اكتب عبارة V_n بدلالة n .

(3) استنتج اتجاه تغير المتتالية (V_n) .

(4) هل العدد 26 حدا من حدود المتتالية (V_n) ؟

(5) احسب المجموع S بدلالة n : $S = V_0 + V_1 + \dots + V_n$

التمرين الثاني (6 ن):

$$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{3}{2}u_n + 1 \end{cases} \quad \text{نعتبر المتتالية العددية } (u_n) \text{ المعرفة على } N \text{ كما يلي :}$$

(1) احسب الحدود: u_3, u_2, u_1

(2) نعتبر المتتالية (V_n) المعرفة على N بـ: $V_n = u_n + \alpha$ حيث α عدد حقيقي.

- عين قيمة α حتى تكون (V_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها و حدها الأول.

(3) نضع $\alpha = 2$

ا- اكتب عبارة V_n بدلالة n ثم استنتج عبارة u_n بدلالة n .

ب- بين انه من اجل كل n من N : $u_{n+1} - u_n = \left(\frac{3}{2}\right)^{n+1}$, ثم استنتج اتجاه تغير المتتالية (u_n) .

ج- ما هي رتبة الحد من المتتالية (V_n) الذي قيمته $\frac{729}{32}$ ؟

(4) ا- احسب بدلالة n المجموعين S' و S حيث: $S = V_0 + V_1 + \dots + V_n$ و $S' = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

ب- احسب الجداء P بدلالة n حيث: $P = V_0 \times V_1 \times \dots \times V_n$

التمرين الثالث (10 ن):

$$f(x) = \frac{x^2 + 3x + 6}{x + 2} \quad \text{نعتبر الدالة } f \text{ المعرفة على } \mathbb{R} - \{-2\} \text{ بـ :}$$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس (o, \vec{i}, \vec{j}) .

(1) ادرس تغيرات الدالة f .

(2) عين الأعداد الحقيقية a, b, c حيث من اجل كل x من $\mathbb{R} - \{-2\}$: $f(x) = ax + b + \frac{c}{x+2}$

(3) بين أن المنحنى (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين احدهما مائل (Δ) يطلب تعيين معادلته.

(4) ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) .

(5) بين أن النقطة A , نقطة تقاطع المستقيمين المقاربين هي مركز تناظر للمنحنى (C_f) .

(6) بين أن المنحنى (C_f) يقبل مماسين يوازيان المستقيم (d) ذو المعادلة $y = -3x + 1$.

(7) انشئ المنحنى (C_f) .

(8) ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و إشارة حلول المعادلة: $f(x) = m$

$$g(x) = \frac{x^2 + 3x + 6}{|x + 2|} \quad \text{دالة معرفة على } \mathbb{R} - \{-2\} \text{ بـ :}$$

(1) اكتب $g(x)$ دون رمز القيمة المطلقة.

(2) استنتج كيفية رسم المنحنى (C_g) انطلاقا من المنحنى (C_f) ثم ارسمه في نفس المعلم السابق

وبلون آخر.