

### التمرين الأول (04 ن)

$f$  و  $g$  دالتان معرفتان على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = x^2$  و  $g(x) = (x+1)^2$ . من أجل كل عدد طبيعي  $n$  نرمز إلى  $A_n$  و  $B_n$  إلى النقطتين ذات الفاصلة  $n$  و تنتهيان إلى  $(C_f)$  و  $(C_g)$  على الترتيب. نضع:

$$V_n = A_n B_n$$

(1) بين انه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $V_n = 2n + 1$ .

(2) بين أن  $(V_n)$  متالية حسابية يطلب تعبيين أساسها و حدتها الأول.

(3) احسب المجموع  $S$  بدلالة  $n$ :

$$S = A_0 B_0 + A_1 B_1 + \dots + A_n B_n : n$$

(4) استنتج الجداء  $p$  بدلالة  $n$ :

### التمرين الثاني (6 ن)

$(u_n)$  متالية عدديّة معرفة بحدها الأول  $u_0 = 3$  و من أجل كل  $n$  من  $N$ :  $u_{n+1} = \frac{2}{3}u_n - 2n + \frac{5}{3}$ .

(1) احسب  $u_1$  و  $u_2$ .

(2)  $(V_n)$  متالية عدديّة معرفة على  $N$  بـ:  $V_n = u_n + \alpha n + \beta$ .  $\alpha$  و  $\beta$  عدادان حقيقيان.

أ- اوجد  $\alpha$  و  $\beta$  حتى تكون  $(V_n)$  متالية هندسية يطلب تعبيين أساسها.

ب- احسب الحد الأول  $V_0$ .

ج- احسب  $V_n$  و  $u_n$  بدلالة  $n$ .

$$S = V_0 + V_1 + \dots + V_n$$

$$S' = u_0 + u_1 + \dots + u_n$$

(3) احسب المجموعين  $S$  و  $S'$  بدلالة  $n$  حيث:

$$p = V_0 \times V_1 \times \dots \times V_n : n$$

(4) احسب الجداء  $p$  بدلالة  $n$ :

### التمرين الثالث (10 ن)

(1)  $f$  دالة عدديّة معرفة على  $\{1\} - \mathbb{R}$  بـ:

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس ( $(o, i, j)$ ).

(1)- عين الأعداد الحقيقية  $a$ ,  $b$  و  $c$  حيث من أجل كل  $x$  من  $\{1\} - \mathbb{R}$ :

$$f(x) = ax + \frac{b}{x-1} + \frac{c}{(x-1)^2}$$

أ- احسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجموعة التعريف.

ب- بين أن المنحنى ( $C_f$ ) يقبل مستقيمين مقاربين إحداهما مائلًا ( $\Delta$ ).

ج- ادرس وضعية المنحنى ( $C_f$ ) بالنسبة إلى المستقيم ( $\Delta$ ).

(3) 1- بين أنه من أجل  $x$  من  $\{1\} - \mathbb{R}$ :  $f'(x) = \frac{x \cdot g(x)}{(x-1)^3}$  حيث:  $(g(x))$  كثير حدود يطلب تعبيينه.

ب- ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

(4) بين أن المنحنى ( $C_f$ ) يقبل ماسا ( $T$ ) بواري المستقيم ( $\Delta$ ), ثم اكتب معادلته.

(5) ارسم الماس ( $T$ ) والمنحنى ( $C_f$ ).

(6) ناقش بيانياً حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد حلول المعادلة  $f(x) = x + m$ .

$$(II) h(x) = \frac{|x^3 - 2x^2|}{(x-1)^2} \text{ دالة معرفة على } \{1\} - \mathbb{R} \text{ بـ:}$$

1- اكتب  $h(x)$  دون رمز القيمة المطلقة.

2- استنتج كيفية رسم المنحنى ( $C_h$ ) انطلاقاً من المنحنى ( $C_f$ ) ثم ارسمه بلون آخر.