

## الفرض الأول للفصل الثاني

## التمرين الأول:

$X$	-4	-3	1	3	4
$P(X=x)$	0.25	$a$	$b$	0.05	0.25

I. ليكن المتغير العشوائي المحدد بالجدول التالي:

- جد  $a$  و  $b$  إذا علمت أن:  $E(X) = 0$

II. يحتوي كيس على خمس كرات حمراء وثلاث كرات

خضراء وكرتين بيضاء غير متميزة عند اللمس.

نسحب عشوائيا كرتين على التوالي دون إرجاع و نعتبر أن كل الكرات لها نفس الاحتمال.

(1) مثل الوضعية بواسطة شجرة الاحتمالات.

(2) أحسب احتمال الحصول على:

(أ)  $A$  "كرتين من نفس اللون".

(ب)  $B$  "كرة خضراء في السحب الأول".

(3) ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحب لكرتين بيضاء.

(أ) عين القيم الممكنة التي يأخذها المتغير العشوائي  $X$  و عرف قانون احتماله.

(ب) أحسب الأمل الرياضياتي  $E(X)$  و الانحراف المعياري  $\sigma(X)$ .

## التمرين الثاني:

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R} - \{1\}$  كمايلي:  $f(x) = \frac{x^2 - 2x + 5}{x - 1}$

وليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1. أحسب النهايات للدالة  $f$  عند أطراف مجموعة التعريف  $D_f$  ثم فسر النتائج هندسيا.

2. تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x \neq 1$ :  $f(x) = x - 1 + \frac{4}{x - 1}$ .

3. بين أن:  $f'(x) = \frac{x^2 - 2x - 3}{(x - 1)^2}$ ، استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

4. أثبت أن المستقيم  $(D)$  ذو المعادلة  $y = x - 1$  يقارب مائل لـ  $(C_f)$  ثم أدرس وضعية  $(C_f)$  بالنسبة إلى  $(D)$ .

5. بين أن  $f(2 - x) + f(x) = 0$ ، ماذا تستنتج؟

6. أنشئ  $(D)$  و  $(C_f)$ .

مستأف والمحاوة: فقلون