

التمرين الأول (10 نقاط):**الجزء الأول:**

فدالة عددية عبارتها كما يلي :

$$f(x) = \frac{2x-1}{x-1}$$

- 1- عين مجموعة التعريف D_f .
- 2- أوجد صورة العدد 0 بالدالة f .
- 3- أوجد سابقة العدد 0 بالدالة f .
- 4- أوجد a و b حيث $f(x) = a + \frac{b}{x-1}$.
- 5- أدرس تغيرات الدالة f على مجال تعريفها السابق D_f .
- 6- أنشئ المنحنى (C_f) باستعمال بيان الدالة مقلوب.

الجزء الثاني:

$$g(x) = \frac{2|x|-1}{|x|-1}$$

- 1- عين مجموعة تعريف الدالة g .
- 2- أدرس شفعية الدالة g .
- 3- أكتب عبارة $g(x)$ دون رمز القيمة المطلقة.
- 4- استنتج رسماً للمنحنى (C_g) باستعمال المنحنى السابق (C_f) .

التمرين الثاني (05 نقاط):

1- بسط المجاميع التالية:

$$A = \cos(5x + \pi) + \sin(5x + 8\pi) + \sin(-5x) + 2 \cos(5x)$$

$$B = \cos(2014\pi + x) + \cos(2013\pi - x) + \sin(\pi - x)$$

$$c = \cos\left(\frac{\pi}{3} + \pi\right) + \sin\left(\frac{\pi}{4} + 8\pi\right) - \cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + \sin\left(\pi - \frac{\pi}{4}\right)$$

2- برهن صحة المساواة التالية:

$$(\cos x + \sin x)^2 \times (\cos x - \sin x)^2 = 1 - 4(\cos x \times \sin x)^2$$

3- x عدد حقيقي يحقق $x \in [0; \pi]$.

من أجل $\cos x = \frac{1}{2}$ أوجد $\sin x$ و $\tan x$ و $\cos(\pi + x)$

التمرين الثالث (05 نقاط):

نعتبر العبارة الجبرية للمتغير الحقيقي x حيث: $p(x) = (x-2)^2 + (2x-1)(x-2)$

1- أنشر $p(x)$

2- حلل $p(x)$ ثم أوجد حلاً للمعادلة: $p(x) = 0$

3- أوجد حلاً للمعادلة التالية: $x^2 - 7x + 10 = 0$

4- لتكن العبارة $A(x)$ حيث: $A(x) = \frac{p(x)}{x^2 - 7x + 10}$. أوجد مجموعة تعريف $A(x)$.

5- أدرس إشارة $A(x)$ ثم استنتج حلول المتراجحة $A(x) \leq 0$.