

الإجابة النموذجية و سلم التنقيط

امتحان شهادة البكالوريا دورة : 2011

المادة : الرياضيات الشعبة : رياضيات

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)	مجاور الموضوع
المجموع	مجزأة		
04.5	0.5×3	التمرين الأول : (04.5 نقطة) $z_C = \sqrt{6}e^{i\frac{\pi}{4}}, z_B = \sqrt{2}e^{i\frac{3\pi}{4}}, z_A = \sqrt{2}e^{i\frac{\pi}{4}} \quad (1)$	أعداد مركبة وتطبيقاتها الهندسية التشابه
	0.25×3	$\arg\left(\frac{z_B - z_A}{z_C - z_A}\right) = \frac{\pi}{3} + 2k\pi; k \in \mathbb{Z} \text{ و } \left \frac{z_B - z_A}{z_C - z_A}\right = 1 \Rightarrow \frac{z_B - z_A}{z_C - z_A} = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i \quad (2)$	
	0.25×2	التفسير الهندسي : $AB = AC$ و $(AC; AB) = \frac{\pi}{3}$	
	0.25	ب) مثلث متقايس الأضلاع	
	0.25	$z_D = -\sqrt{3} - \sqrt{3}i \quad (3)$	
	0.25×3	أ) - T تشابه مركزه A ونسبته $\sqrt{2}$ وزاويته $\frac{3\pi}{4}$	
0.5	ب) - $T \circ T$ تشابه مركزه A ونسبته 2 وزاويته $\frac{3\pi}{2}$		
04.5	0.75	التمرين الثاني (04.5 نقطة) 1- \overline{AB} لا يوازي \overline{AC} ومنه النقط A, B, C تعين مستويا.....	المستقيمات والمستويات في الفضاء تطبيقات الجداء الأسلمي في الفضاء
	0.25×2	ب- $\overline{n} \cdot \overline{AB} = 0$ و $\overline{n} \cdot \overline{AC} = 0$ ومنه شعاع ناظمي لـ (ABC)	
	0.5	$3x + 4y - 2z + 1 = 0$ معادلة ديكارتية للمستوي (ABC)	
	0.25×2	2- \overline{n} شعاع ناظمي لـ (P_1) و \overline{n}' شعاع ناظمي لـ (P_2) و $\overline{n} \cdot \overline{n}' = 0$ ومنه (P_1) و (P_2) متعامدان.	
	0.25×3	ب- وكذلك $\begin{cases} x = 8t \\ y = t - \frac{3}{8} \\ z = 14t - \frac{1}{4} \end{cases} \quad \text{و} \quad \begin{cases} x = \frac{4}{7}t + \frac{1}{7} \\ y = \frac{1}{14}t - \frac{5}{14} \\ z = t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$	
	0.25×2	ج- التحقق $O \notin (\Delta)$	
0.25×2	د- $d(O; (P_2)) = \frac{1}{3}, d(O; (P_1)) = \frac{\sqrt{29}}{29}$		
0.25×2 $d(O; (\Delta)) = \sqrt{\frac{38}{261}}$		

140

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)	محاور الموضوع
المجموع	عجزة		
4	0.25×3+0.5	التمرين الثالث: (04 نقاط) $U_0 = 3$ ، $U_3 = 18$ و $U_3 = 12$ ، $d = 6$ (1)	المتتاليات الحسابية
	0.75	$670 = 3 + 3 \times 669$ و $U_n = 3 + 3n$ (2)	
	0.5	$10080 = \frac{5}{2}(u_N + u_{N+4})$ ومنه $u_N = 2010 = u_{669}$ (3)	
	0.5	$S = 3(n+1)(2n+1)$ (أ) (4)	
	0.5×2	$S_2 = 3n(n+1)$ و $S_1 = 3(n+1)^2$ (ب)	
07	0.25	التمرين الرابع: (07 نقاط) (أ) $f'(x) = (3x+7)e^x$ (1)	دراسة دالة أسية البرهان بالتراجع معادلة المماس حساب المساحات
	0.25 $f''(x) = (3x+10)e^x$	
	0.75	البرهان بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي n غير معدوم فإن: $f^{(n)}(x) = (3x+3n+4)e^x$	
	0.25 $(c_1; c_2) \in \mathbb{R}^2$ حيث $y = (3x+10)e^x + c_1x + c_2$ (ب)	
	0.25 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 3 \lim_{x \rightarrow -\infty} xe^x + 4 \lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0$ -أ- (2)	
	0.25 $y = 0$ معادلة المستقيم المقارب لـ (C_1) عند $-\infty$	
	0.25×3	ب- إشارة f' ، f متزايدة تماما على $[-\frac{7}{3}; +\infty[$ ومتناقصة تماما على $]-\infty; -\frac{7}{3}]$	
	0.5	جدول التغيرات	
	0.5 (أ) معادلة (Δ) : $y = -(3x+16)e^{\frac{10}{3}}$	
	0.25×2	ب (إشارة $f''(x)$ ، ω نقطة انعطاف $(-\frac{10}{3}; f(-\frac{10}{3}))$)	
	0.75 (ج) رسم (C_1) و (Δ)	
	0.75 (أ) - $\int_{-1}^x te^t dt = (x-1)e^x + \frac{2}{e}$ (4)	
	0.5 دالة أصلية لـ f : $F(x) = (3x+1)e^x + c$	
0.5 ب- $A(\lambda) = -\int_{\frac{1}{\lambda}}^{\frac{4}{\lambda}} f(x) dx = (3\lambda+1)e^{\frac{4}{\lambda}} + 3e^{-\frac{4}{\lambda}} (ua)$		
0.25 $\lim_{\lambda \rightarrow \infty} A(\lambda) = 3e^{\frac{4}{3}} (ua)$		

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)	محاوير الموضوع								
المجموع	مجزأة										
04		التمرين الأول: (04 نقاط)									
	0.75 (1) $(x, y) = (7k + 1, 13k + 2)$ حيث $k \in \mathbb{Z}$									
	0.75 (2) $k \in \mathbb{Z}, a = 91k + 13$									
	0.75 (3) بواقي القسمة الإقليدية للعدد 9^n على 7									
		<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>n</td> <td>$3k$</td> <td>$3k + 1$</td> <td>$3k + 2$</td> </tr> <tr> <td>باقي القسمة</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>4</td> </tr> </table>	n	$3k$	$3k + 1$	$3k + 2$	باقي القسمة	1	2	4	
	n	$3k$	$3k + 1$	$3k + 2$							
	باقي القسمة	1	2	4							
0.75 بواقي القسمة الإقليدية للعدد 9^n على 13										
	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>n</td> <td>$3k$</td> <td>$3k + 1$</td> <td>$3k + 2$</td> </tr> <tr> <td>باقي القسمة</td> <td>1</td> <td>9</td> <td>3</td> </tr> </table>	n	$3k$	$3k + 1$	$3k + 2$	باقي القسمة	1	9	3		
n	$3k$	$3k + 1$	$3k + 2$								
باقي القسمة	1	9	3								
0.25 (4) $b = 6 + 8 \times 9 + \beta \times 9^3 + \alpha \times 9^6$ مع $0 < \alpha < 9$ و $0 \leq \beta < 9$										
0.25 $b \equiv 0 [7]$ تكافئ $\alpha + \beta \equiv -1 [7]$										
0.25 $b \equiv 0 [13]$ تكافئ $\alpha + \beta \equiv 0 [13]$										
0.25 ومنه $\alpha + \beta = 13$ وعليه : $(\alpha, \beta) \in \{(5, 8), (8, 5), (6, 7), (7, 6)\}$										
05		التمرين الثاني: (05 نقاط)									
	0.5x2 (1) $\lambda \in \mathbb{R} \begin{cases} x = \frac{1}{2}\lambda \\ y = \lambda \\ z = 3 - 3\lambda \end{cases} : (\Delta), t \in \mathbb{R} \begin{cases} x = 1 - t \\ y = t \\ z = \frac{3}{2}t \end{cases} : (D)$									
	0.5 $G(\frac{1}{3}; \frac{2}{3}; 1)$ النقطة في التقاطع في (Δ) و (D)	التمثيل الوسيطي								
	0.5 $\overline{GA} + \overline{GB} + \overline{GC} = \vec{0}$ (2)	لمستقيم معادلة مستو								
	0.25 G مركز ثقل المثلث ABC	مركز ثقل مثلث								
	0.5 $\vec{n}(6; 3; 2)$ أو $\vec{n}(\frac{1}{2}; \frac{1}{3}; 1)$ (3)	بعد نقطة عن مستقيم								
	0.5 معادلة المستوى (ABC) $x + \frac{1}{2}y + \frac{1}{3}z - 1 = 0$									
	0.5 (4) المسافة بين النقطة O والمستوي (ABC) تساوي $\frac{6}{7}$									
0.75 (5) $H(\frac{5}{17}; \frac{12}{17}; \frac{18}{17})$ - أ										
0.5 ب- المسافة بين B و (D) تساوي $BH = \frac{\sqrt{833}}{17} = \frac{7}{\sqrt{17}}$										

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)	محاور الموضوع
المجموع	مجزأة		
04	0.5	التمرين الثالث: (04 نقاط) 1/ أ) خطأ، لأن $a = \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$	الأعداد المركبة المتتاليات
	1	ب) صحيح لأن: $a^{2011} = \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2}$ و $\bar{a} = -\frac{\sqrt{2}}{2} - i \frac{\sqrt{2}}{2}$	
	0.5	2/ أ- خطأ لأن زاويته هي $\frac{3\pi}{4}$	
	0.5	ب- خطأ لأنه مجموعة النقط M هي نصف مستقيم مفتوح مبدؤه: A	
	0.5	3/ أ) صحيح لأن: $\frac{3}{4} \left[-\frac{7}{12} \left(\frac{3}{4} \right)^n + \frac{2}{3} \right] + \frac{1}{6} = -\frac{7}{12} \left(\frac{3}{4} \right)^{n+1} + \frac{2}{3}$	
	0.5	ب) خطأ لأن: من أجل كل عدد طبيعي n ، $u_{n+1} - u_n > 0$	
	0.5	ج) خطأ لأن: $\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = \frac{2}{3}$	
07	0.25×2	1- أ) $g'(x) = 2x + \frac{2}{x} > 0$ ، g متزايدة تماما على $]0; +\infty[$	دالة لوغاريتمية دوال أصلية وحساب المساحات الوضع النسبي
	0.25×3 $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x) = -\infty$ ، جدول التغيرات	
	0.25	ب- $g(1) = 0$	
	0.5	إشارة $g(x)$: $g(x) > 0$ من أجل $x > 1$ و $g(x) < 0$ من أجل $0 < x < 1$	
	0.25	2- أ) f قابلة للاشتقاق على $]0; +\infty[$ لأنها جداء دالتين قابلتين للاشتقاق	
	0.5 $f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$	
	0.25	f متزايدة تماما على $[1; +\infty[$ ومتناقصة تماما على $]0; 1]$	
	0.25×3 $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty$ ، جدول التغيرات	
	0.25×2	ب- $f(x) - \ln x = \frac{-\ln x}{x^2}$ و (C_r) فوق (δ) من أجل $0 < x < 1$ و (C_r)	
	0.25	تحت (δ) من أجل $x > 1$	
	0.25 $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{x^2} \ln x = 0$	
	0.25	نستنتج أن (δ) منحنى مقارب إلى (C_r) في جوار $+\infty$	
	0.75	رسم (C_r) و (δ)	
0.5	3- أ) $\int_1^x \frac{1}{t^2} \ln t dt = -\frac{1}{x} (1 + \ln x) + 1$		
0.25 هي دالة أصلية لـ $x \mapsto \ln x$ على $]1; +\infty[$		
0.25 دالة أصلية للدالة f على المجال $]1; +\infty[$ $F(x) = \frac{(x^2 + 1) \ln x - x^2 + 1}{x}$		
0.25	ب- $A(\alpha) = \int_1^\alpha (\ln x - f(x)) dx = 1 - \frac{1 + \ln \alpha}{\alpha} (u_\alpha)$		
0.25 $\lim_{\alpha \rightarrow +\infty} A(\alpha) = 1 (u_\alpha)$		